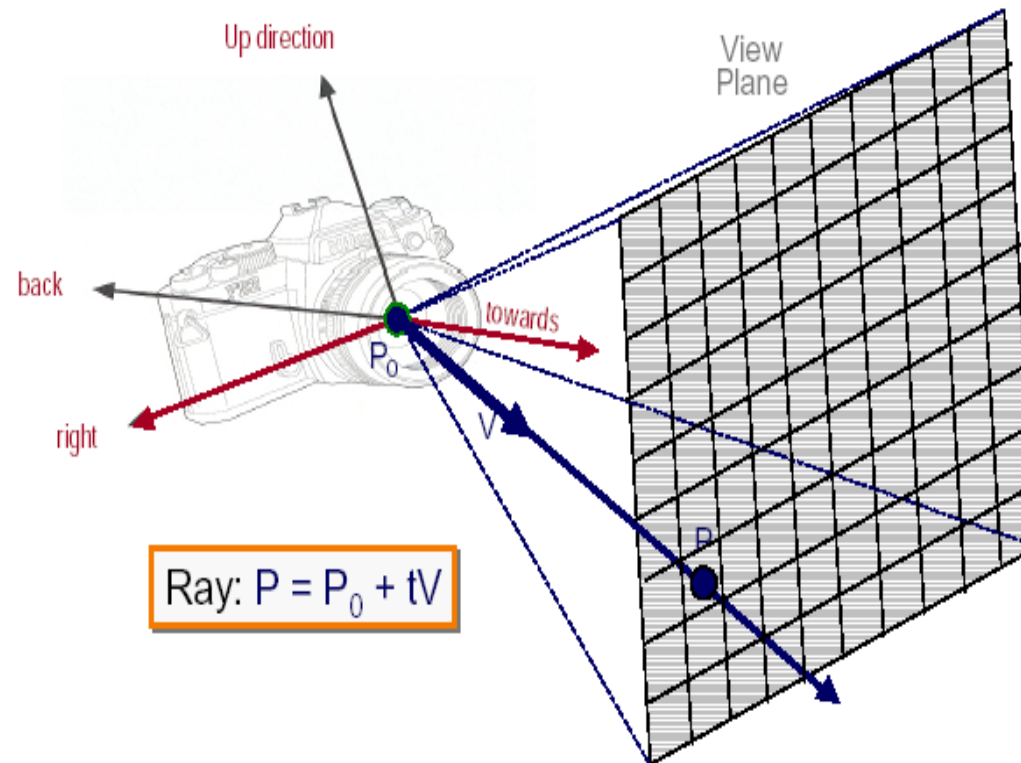


Técnicas avanzadas basadas en trazado de rayos

Trazado de rayos: Generación

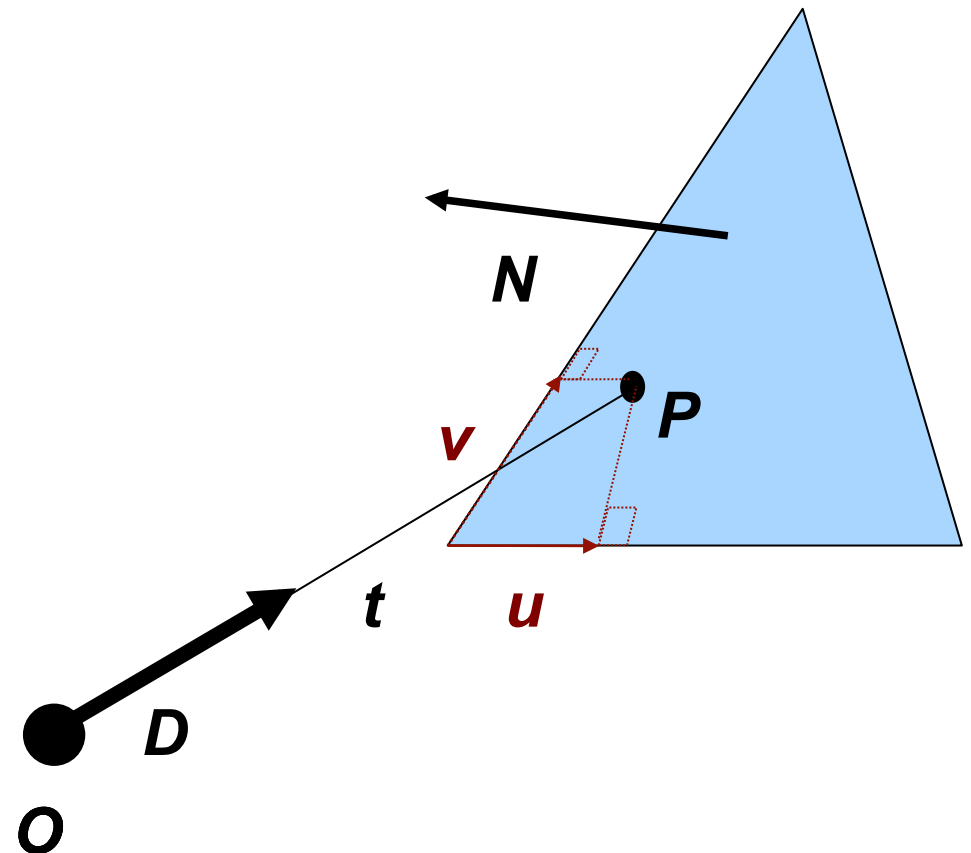
- La cámara

Rayo = $f(x,y)$



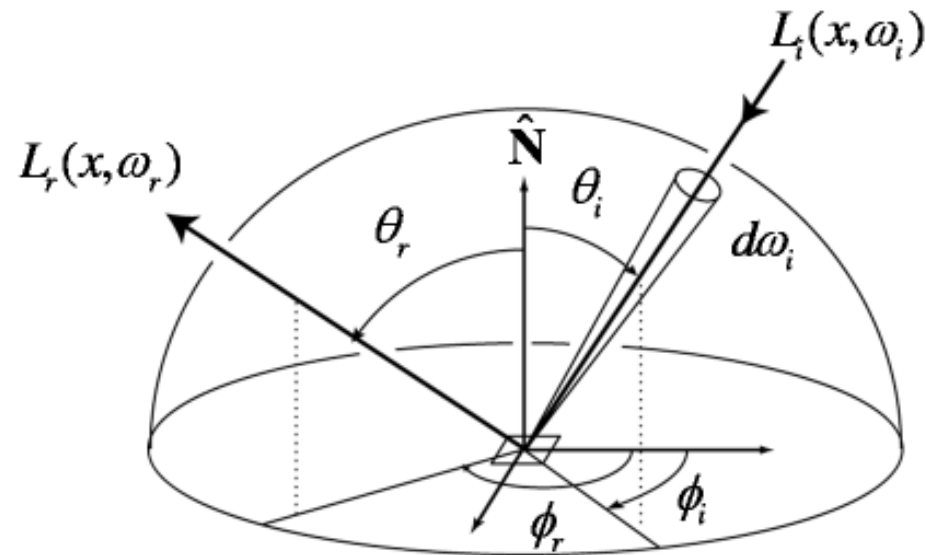
Trazado de rayos: intersecciones

- Rayo-triángulo:
 - Intersección con plano.
 - Comprobación de rangos



Trazado de rayos: color

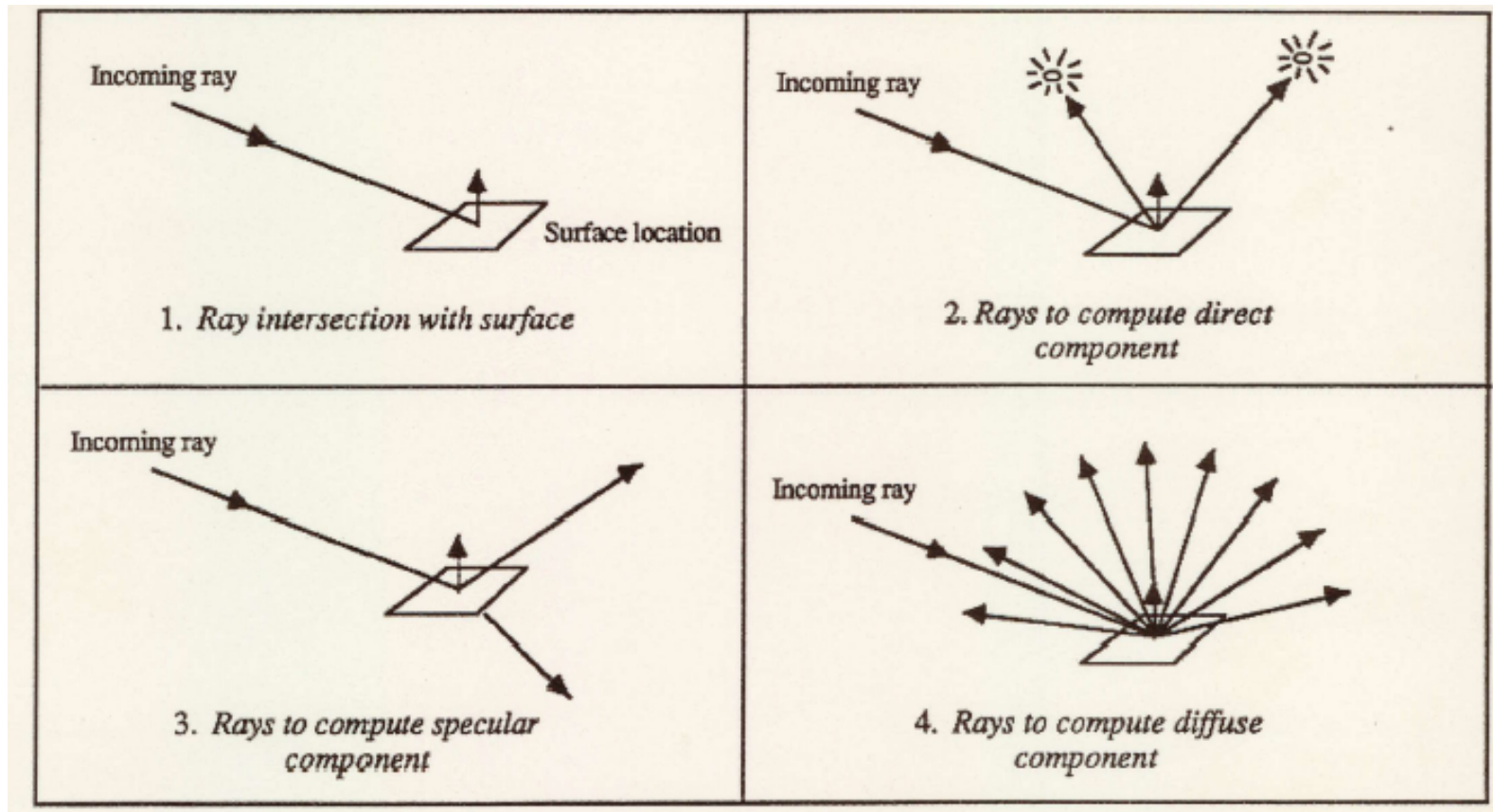
- Ecuación de reflexión



$$L_r(x, \omega_r) = \int_{H^2} \underbrace{f_r(x, \omega_i \rightarrow \omega_r)}_{\text{BRDF}} L_i(x, \omega_i) \cos \theta_i d\omega_i$$

Trazado de rayos

- Resumen



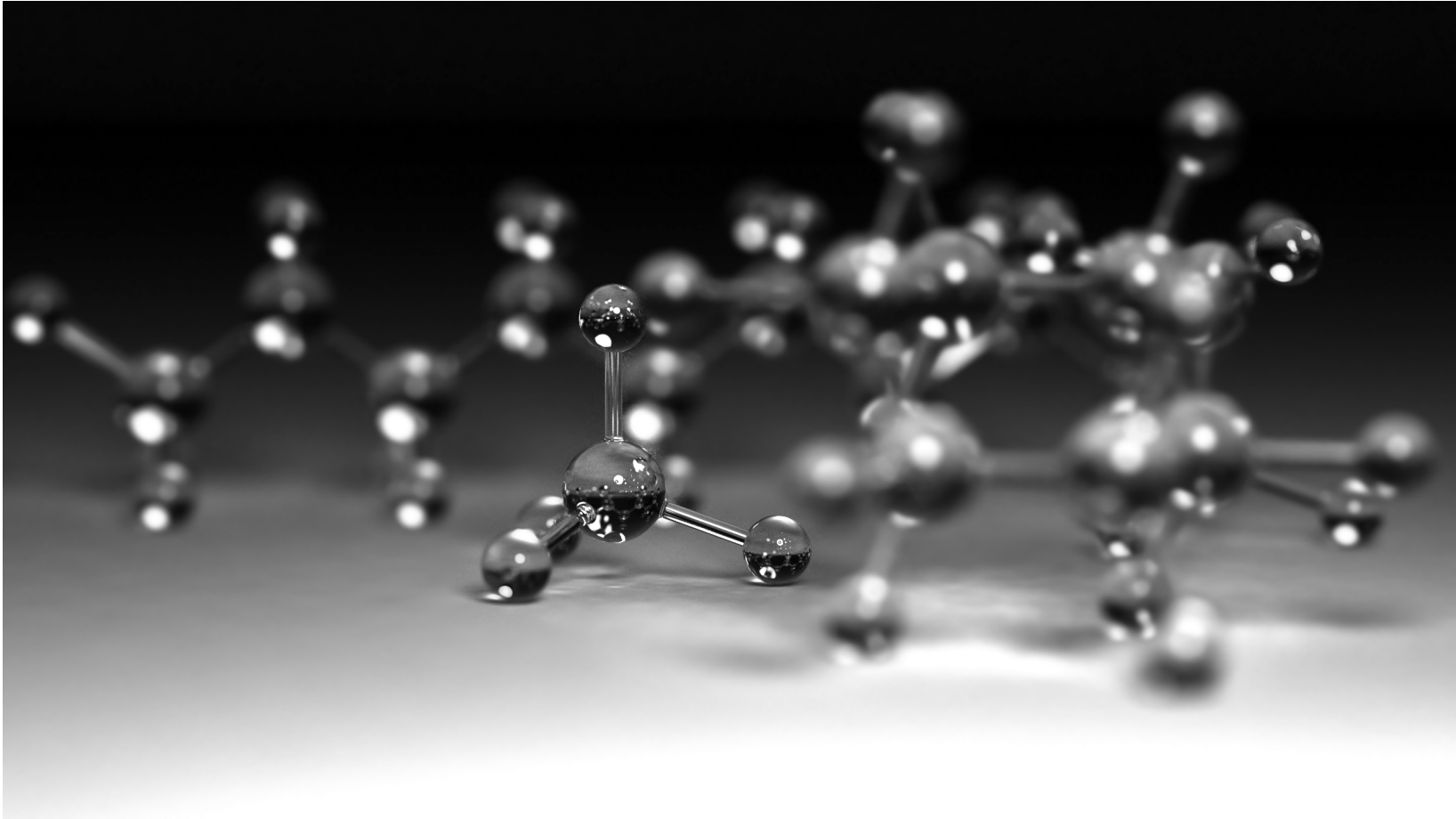
Trazado de rayos

- Tiempo de cálculo:

$$\text{tinterseccion} * \text{npixels} * \\ (\text{nobjetos} * \text{nsecundarios} * \text{nluces})^{\text{nrebotes}}$$

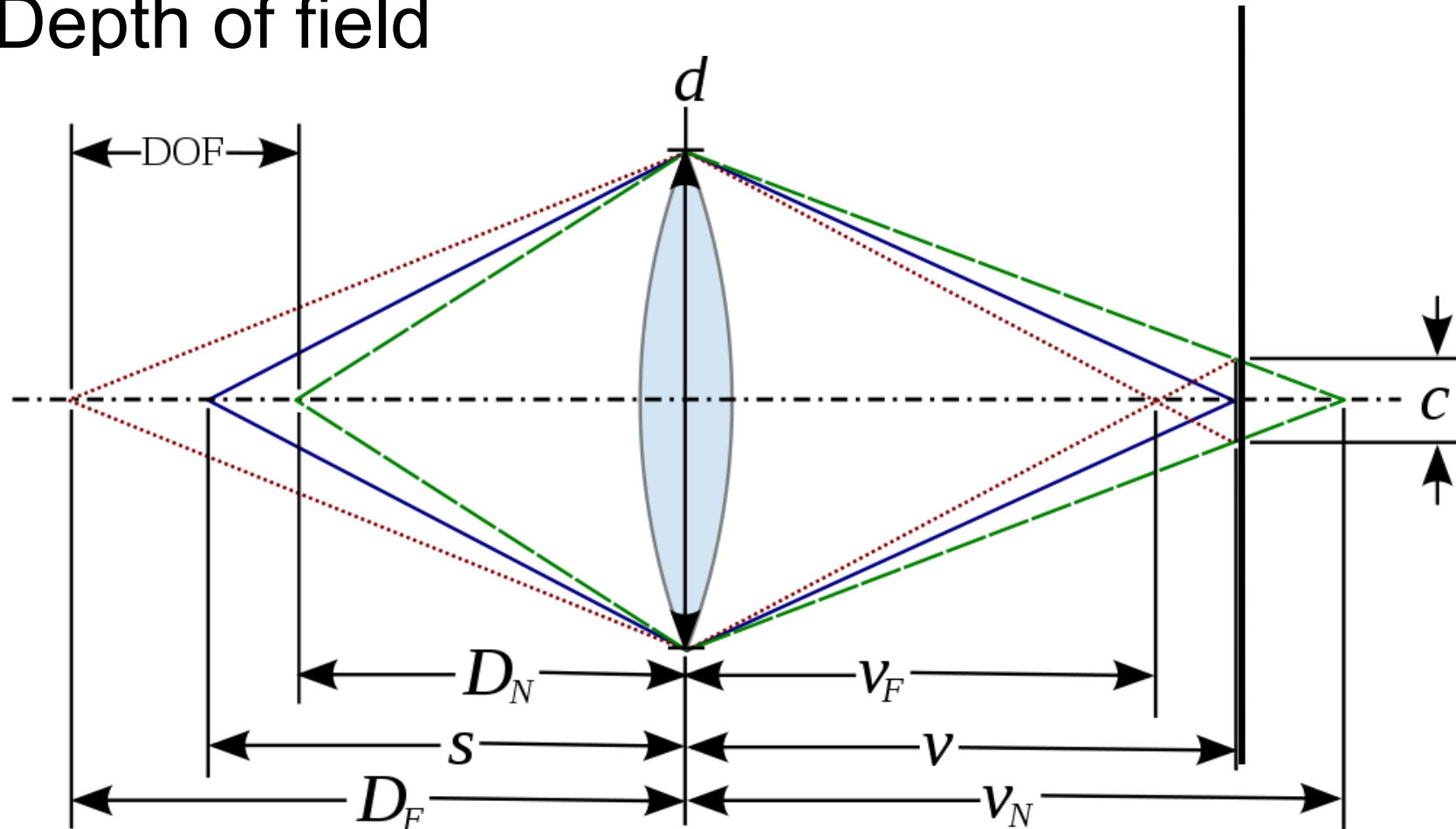
Trazado de rayos: ¿qué falta?

- Depth of field



Trazado de rayos: ¿qué falta?

- Depth of field



Trazado de rayos: ¿qué falta?

- Depth of field
 - Efectos chulos y realistas.
 - Se aumenta mucho el tiempo de cálculo (muchos rayos por píxel para simular el fenómeno).
 - Como siempre: es mejor idea elegir los "más importantes".

Trazado de rayos: ¿qué falta?

- Motion blur

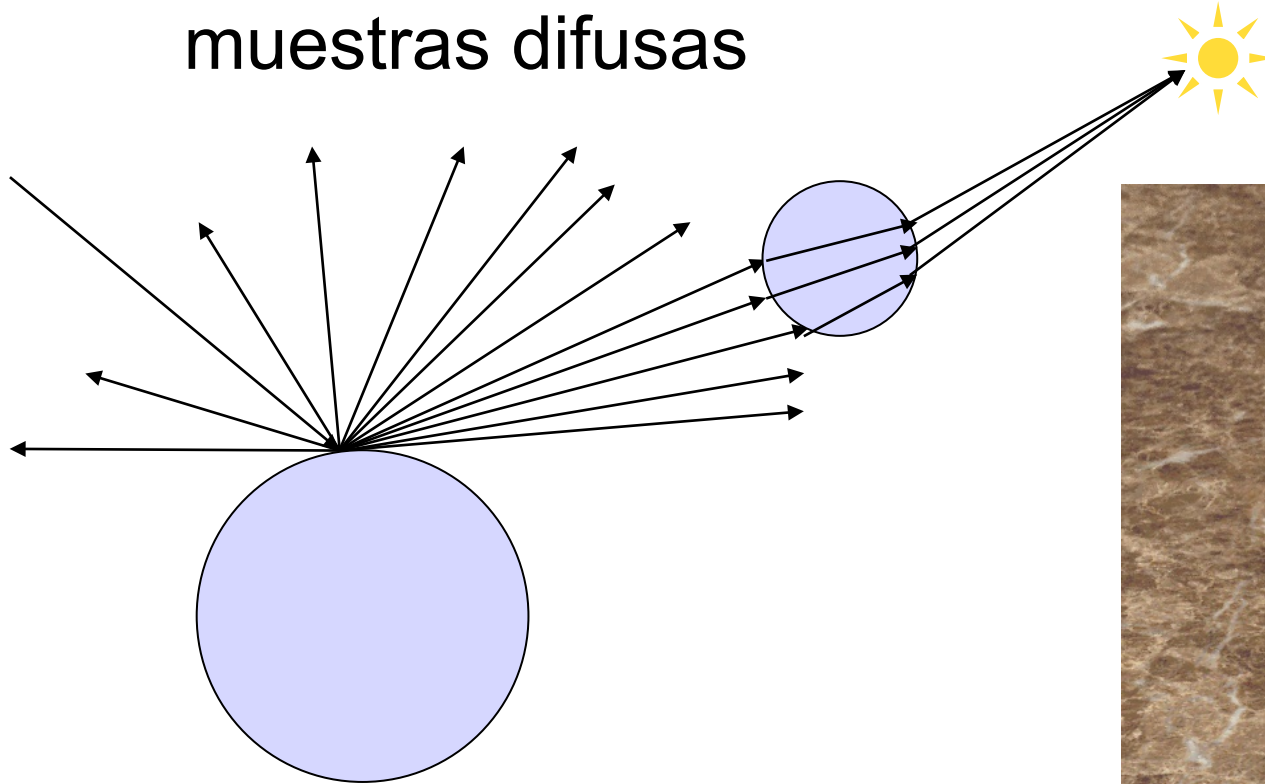


Trazado de rayos: ¿qué falta?

- Motion blur:
 - Integral de la radiancia a lo largo del tiempo de exposición.
 - Coger varias muestras en ese tiempo: aumentar el tiempo de cálculo.

Trazado de rayos: ¿qué falta?

- Cáusticas
 - Caminos difíciles de encontrar, requieren muchas muestras difusas



Trazado de rayos

- Tiempo de cálculo:

$$t_{\text{interseccion}} * n_{\text{pixels}} * n_{\text{dof}} * n_{\text{motionblur}} * \\ (n_{\text{objetos}} * n_{\text{secundarios}} * n_{\text{luces}})^{n_{\text{rebotes}}}$$

Además, $n_{\text{secundarios}}$ necesita ser muy grande (tirando a infinito) para encontrar cáusticas y fenómenos similares

Nuevos algoritmos

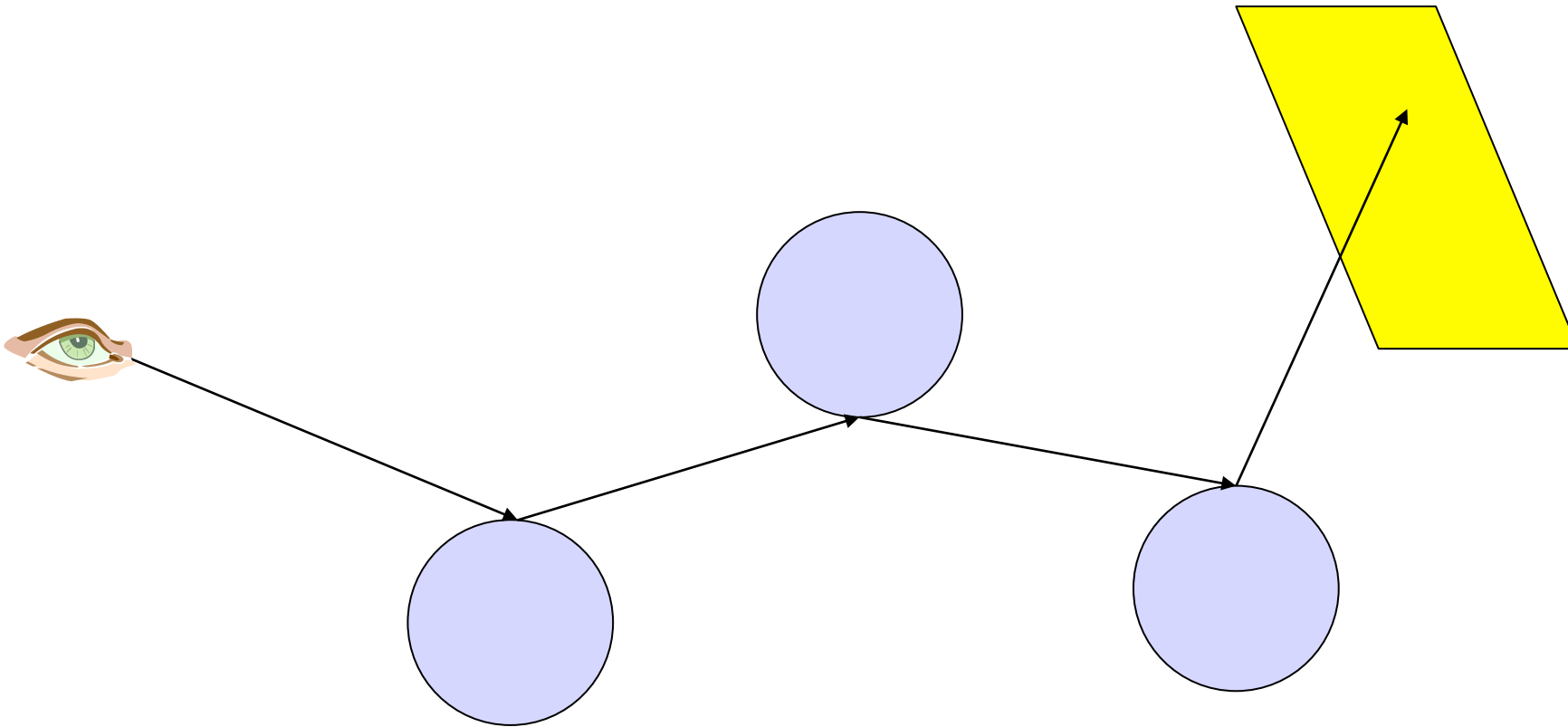
- Trazado de rayos necesita mucho tiempo, hay varios fenómenos que no son prácticos de simular.
- Cada nuevo fenómeno añadido, introduce mucha complejidad computacional en el algoritmo.

Nuevos algoritmos

- Nuestra "unidad de medida" es el rayo.
- Idea: que nuestra "unidad de medida" sea un camino entero de la cámara a la luz: *path-tracing*

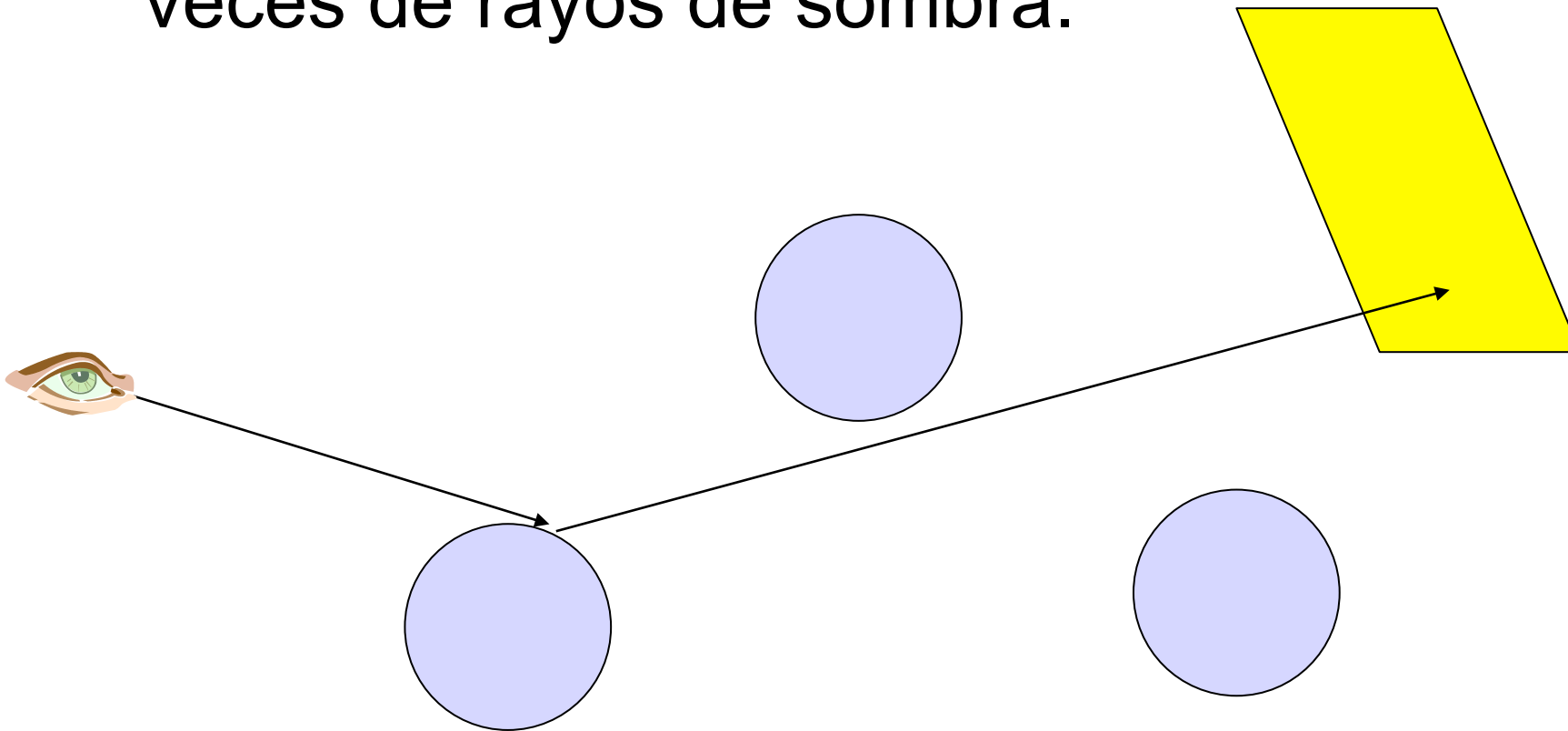
Path tracing

- Se pierde el concepto de "rayo secundario".



Path tracing

- Los propios rayos de un camino hacen las veces de rayos de sombra.



Path tracing

- ¿Qué pasa con el tiempo de cálculo?

$$t_{\text{interseccion}} * n_{\text{pixels}} * n_{\text{dof}} * n_{\text{motionblur}} * \\ (n_{\text{objetos}} * n_{\text{secundarios}} * n_{\text{luces}})^{n_{\text{rebotes}}}$$

Path tracing

¿QUÉ OPINAS?

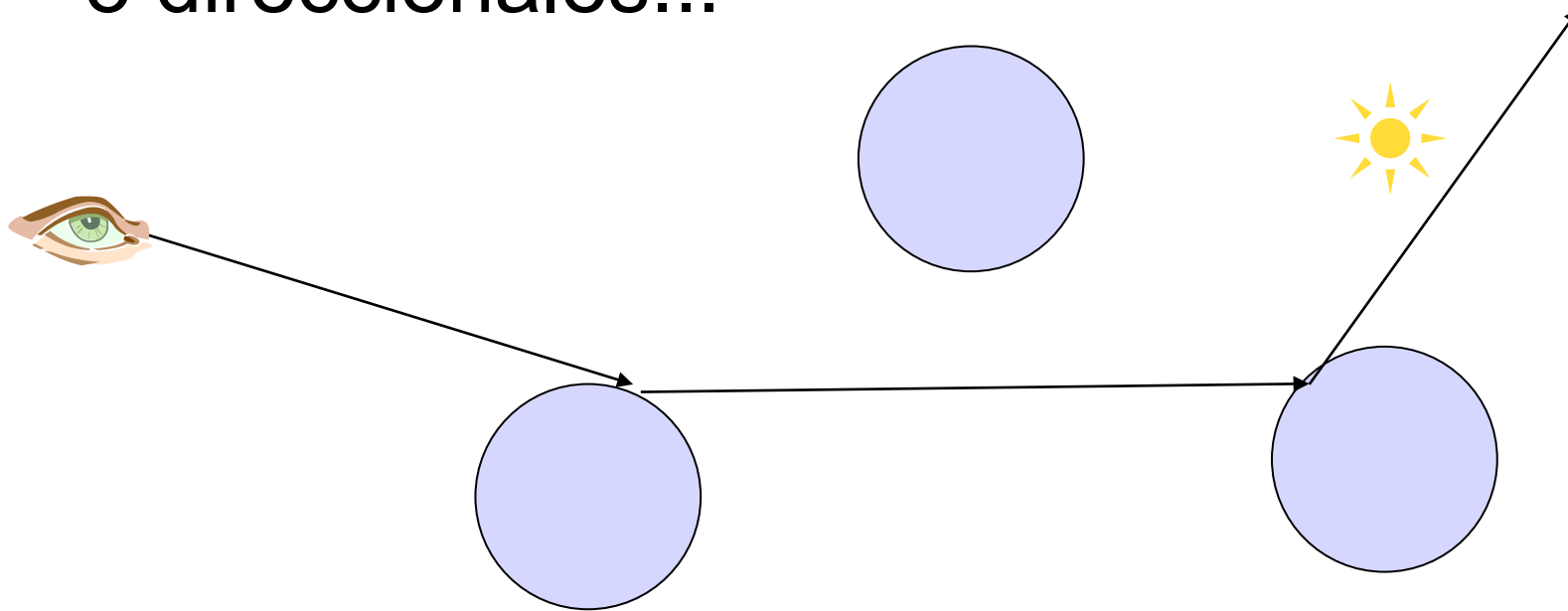
Path
tracing



Ray
tracing

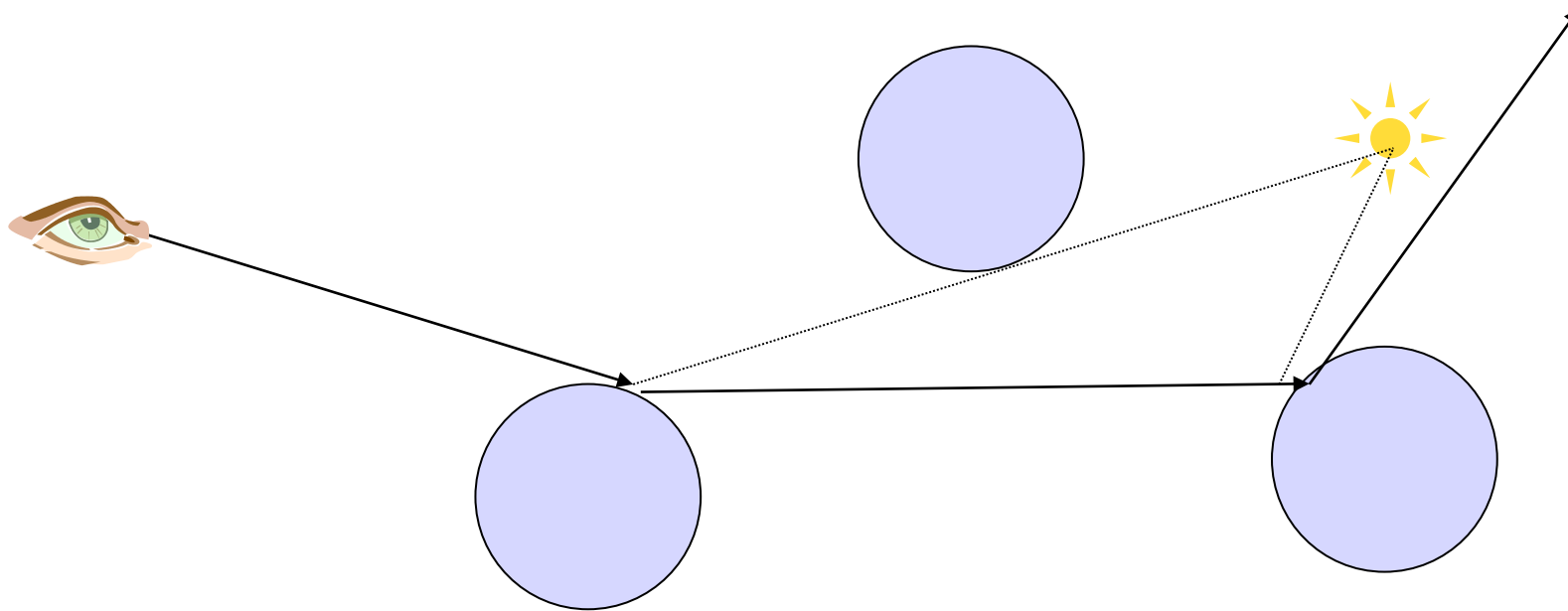
Path tracing

- La implementación clásica de path tracing tiene problemas localizando fuentes de luz puntuales o direccionales...



Path tracing, next event estimation

- Idea: calcular el "siguiente evento" (trazar rayos de sombra)

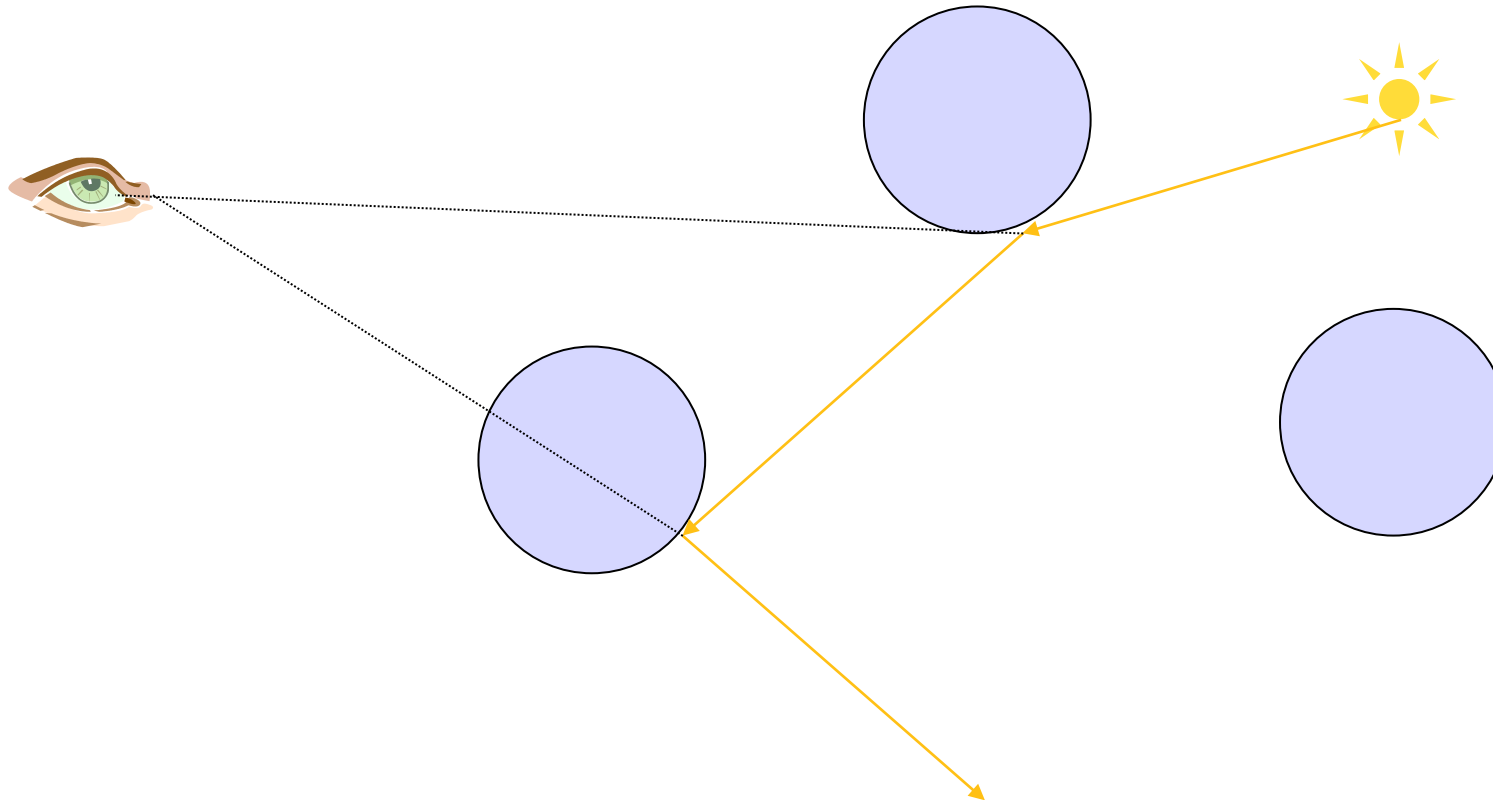


Path tracing, next event estimation

- ... pero sigue teniendo problemas con las cáusticas.

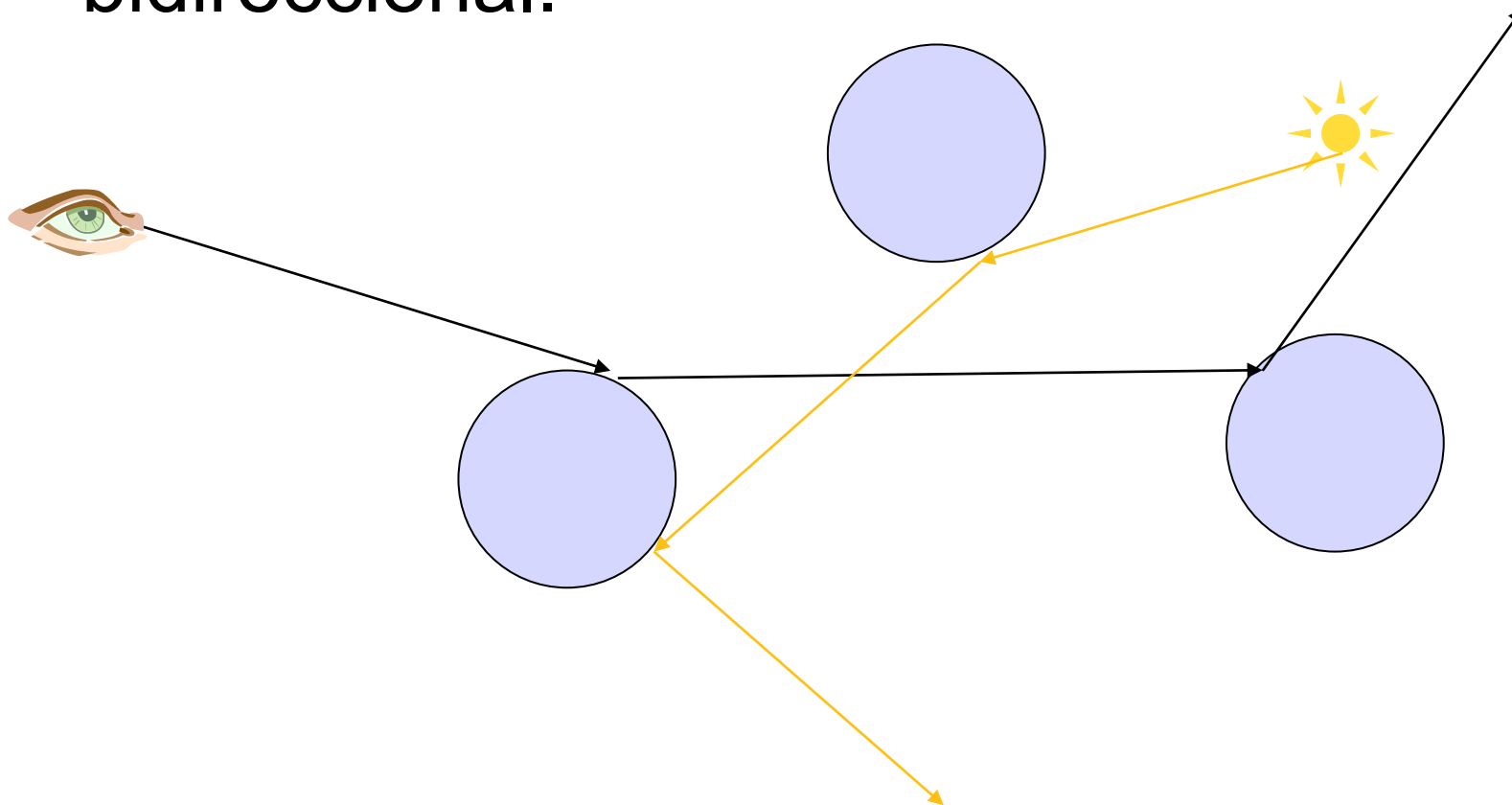
Light tracing

- Idea: Comenzar caminos desde la luz.
- Con siguiente evento: buscar la cámara.



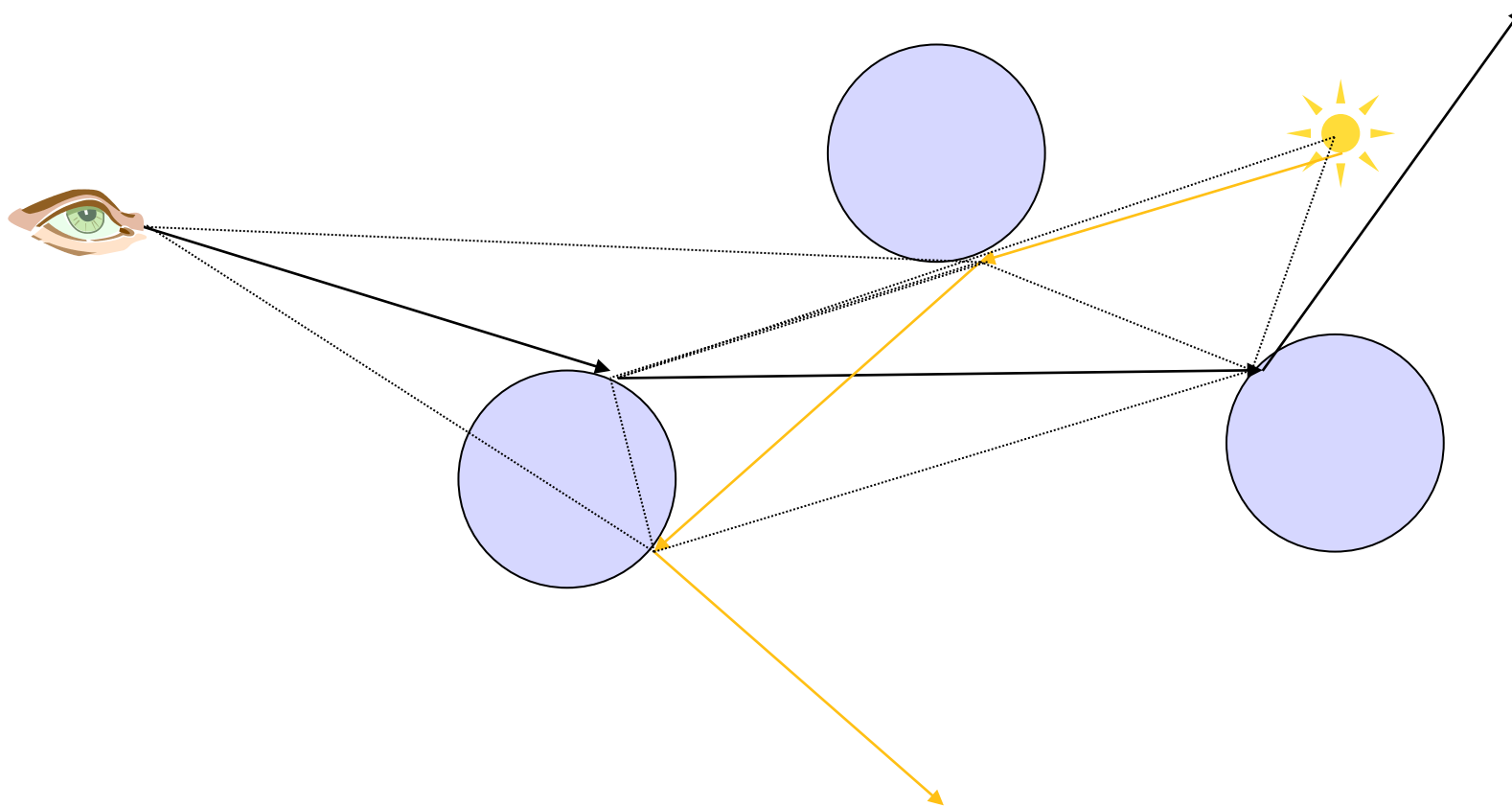
Path tracing bidireccional

- Idea: comenzar caminos tanto desde la cámara como desde las luces: path tracing bidireccional.



Path tracing bidireccional.

- Luego se trazan rayos de sombra.



Path tracing bidireccional

- ¿Qué pasa con el tiempo de cálculo?

$$t_{\text{interseccion}} * n_{\text{pixels}} * n_{\text{dof}} * n_{\text{motionblur}} * \\ (n_{\text{objetos}} * n_{\text{secundarios}} * n_{\text{luces}})^{n_{\text{rebotes}}}$$

Path tracing bidireccional

¿QUÉ OPINAS?

Path tracing vs Ray tracing

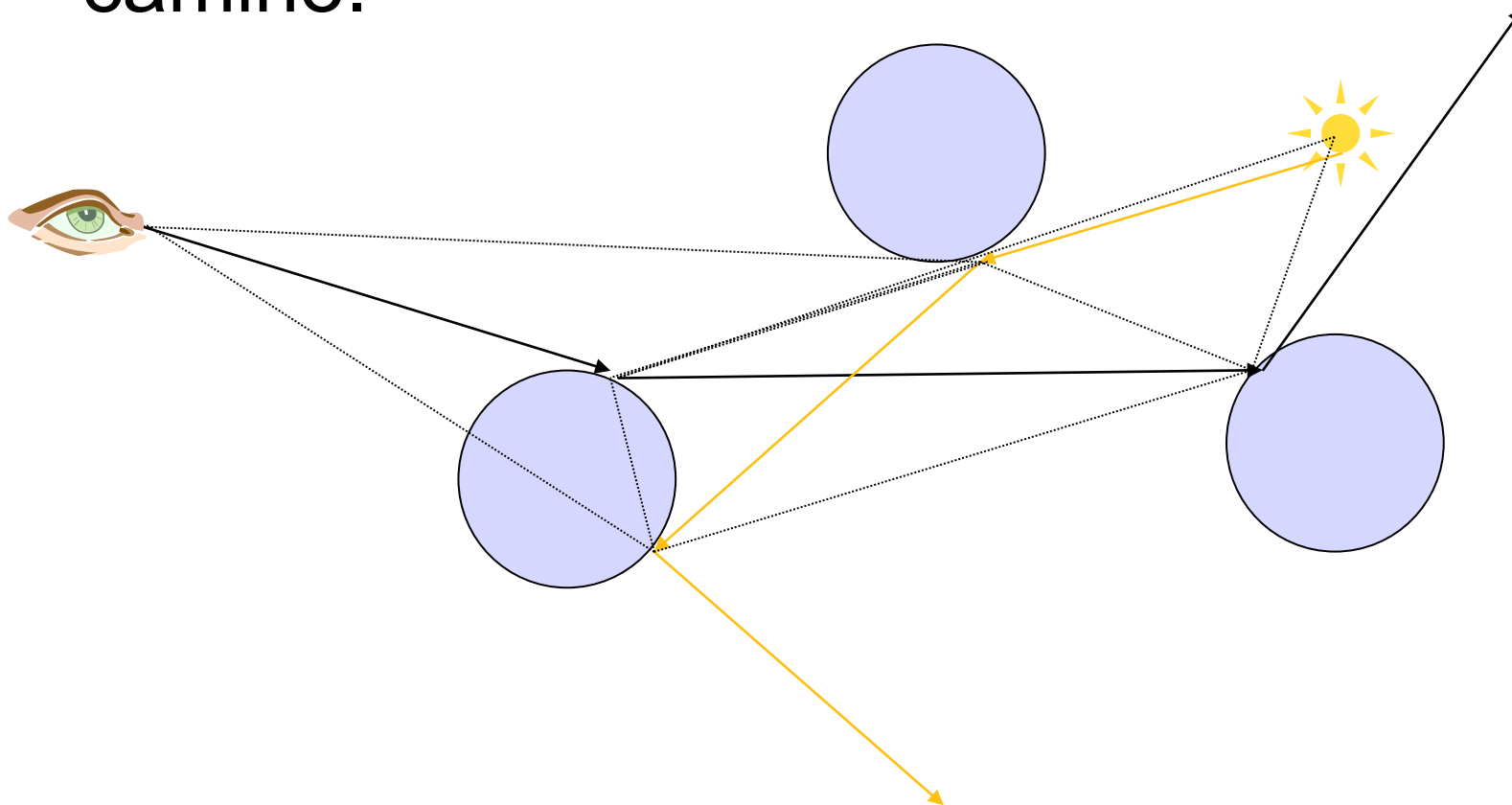
Path tracing
bidireccional

Path tracing bidireccional

- Hacen falta muchos rayos por píxel.
- Convergencia lenta, tiempo de cálculo elevado.
- Muy dependiente de Montecarlo en cada rebote.

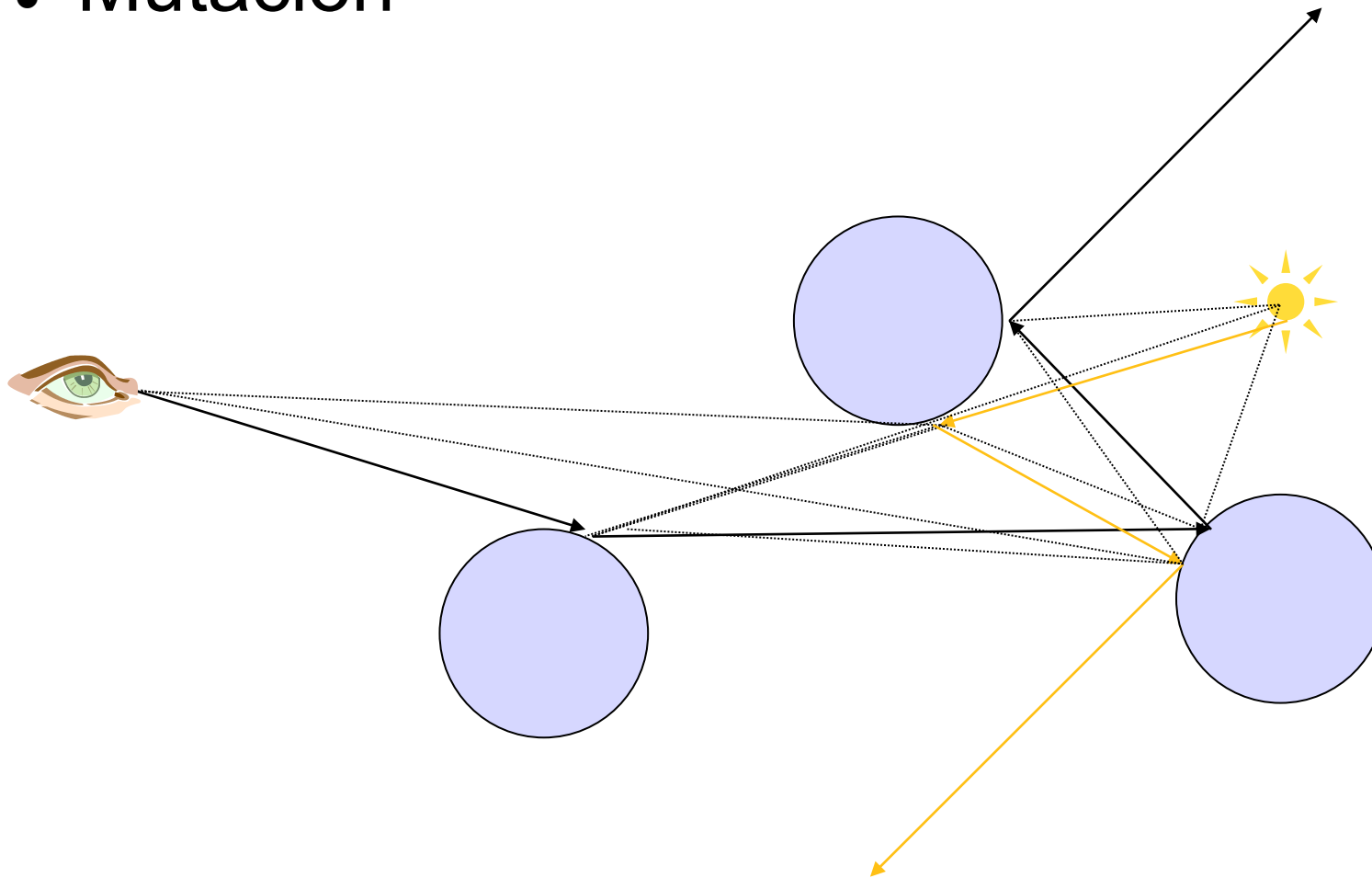
Metropolis Light Transport

- Idea: al localizar un camino importante, lo reaprovechamos (mutándolo) para el siguiente camino.



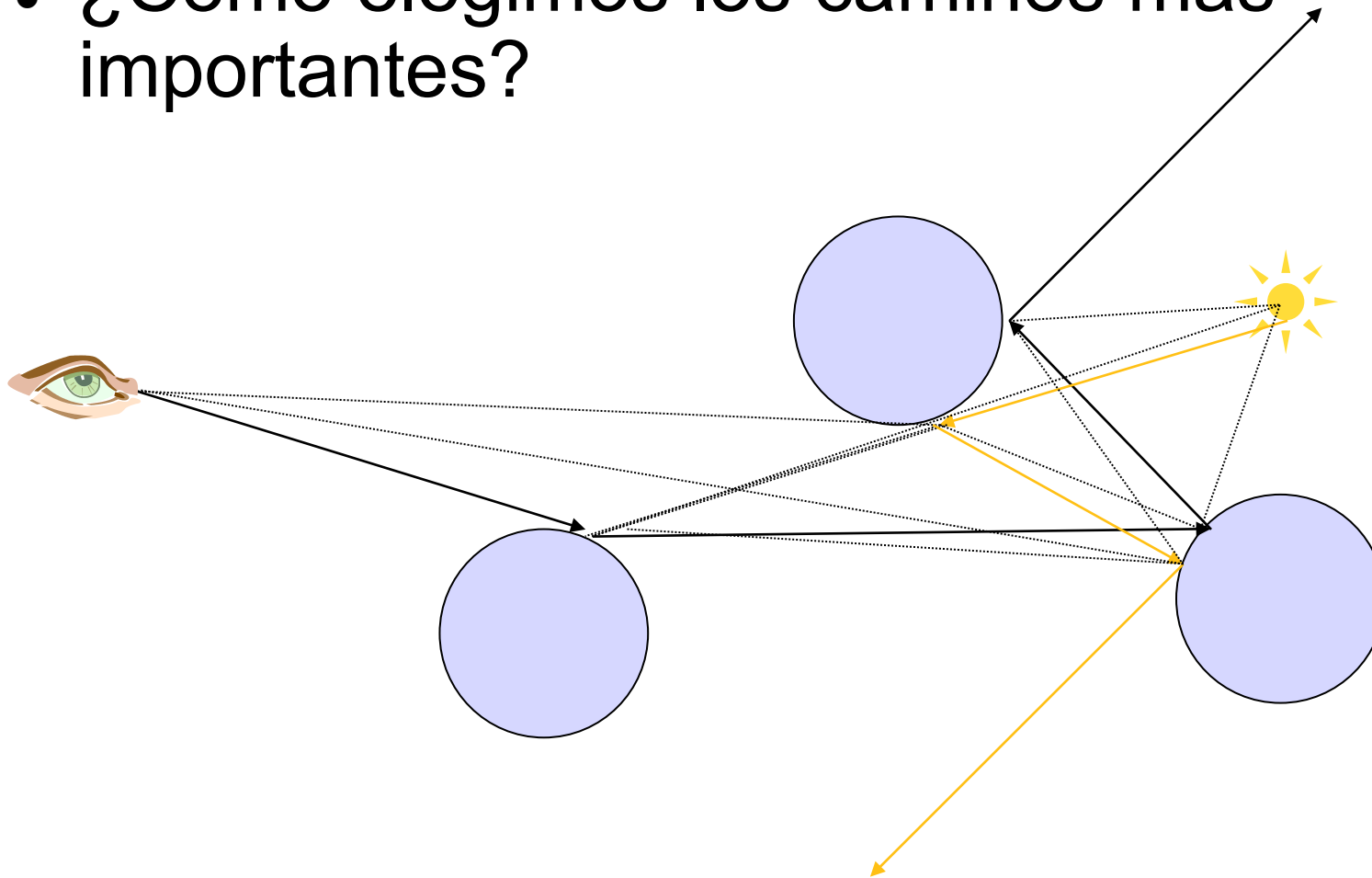
Metropolis Light Transport

- Mutación



Metropolis Light Transport

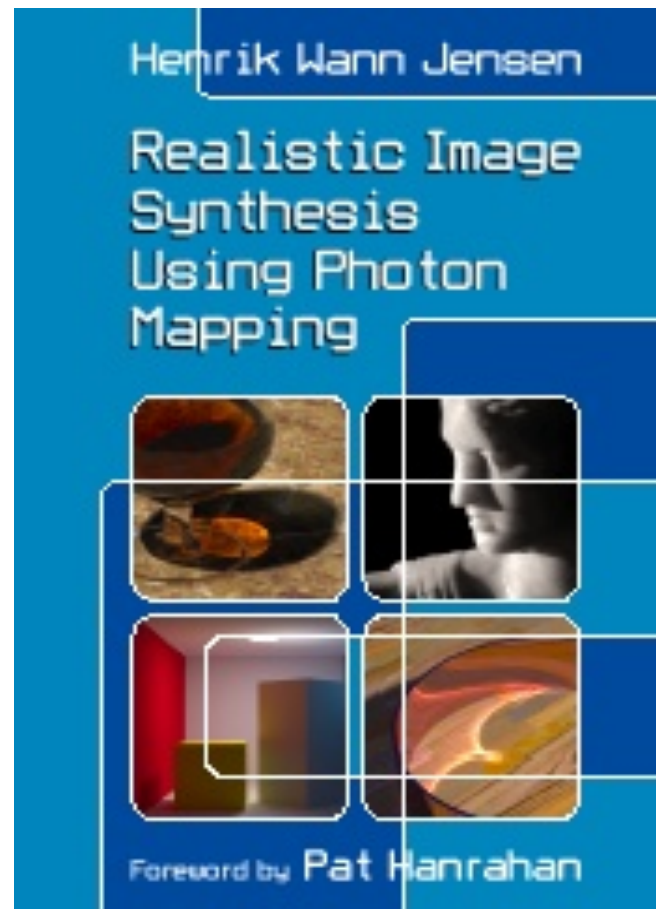
- ¿Cómo elegimos los caminos más importantes?



Metropolis Light Transport

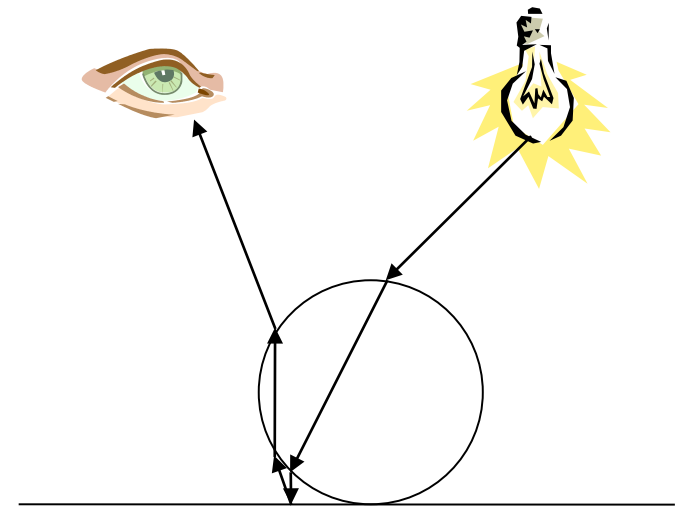
- Convergencia ligeramente superior al path tracing bidireccional clásico en muchos casos.

Maapeado de fotones



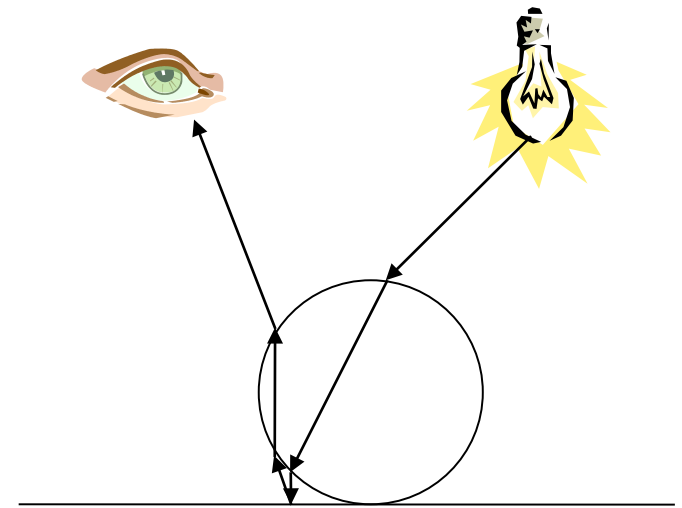
¿Para qué?

- Existen fenómenos visuales complicados que son costosos de simular con algoritmos de iluminación global convencionales.



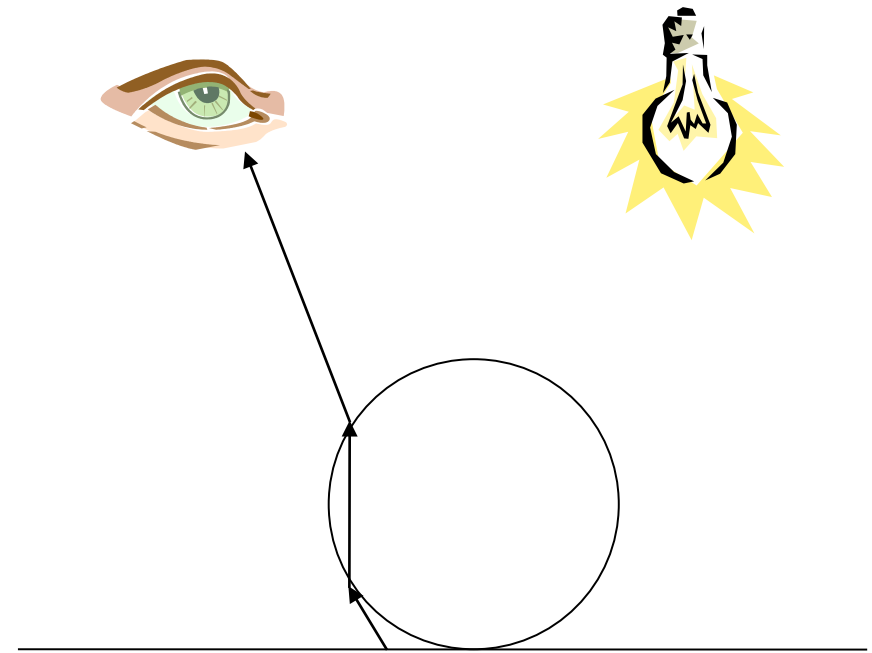
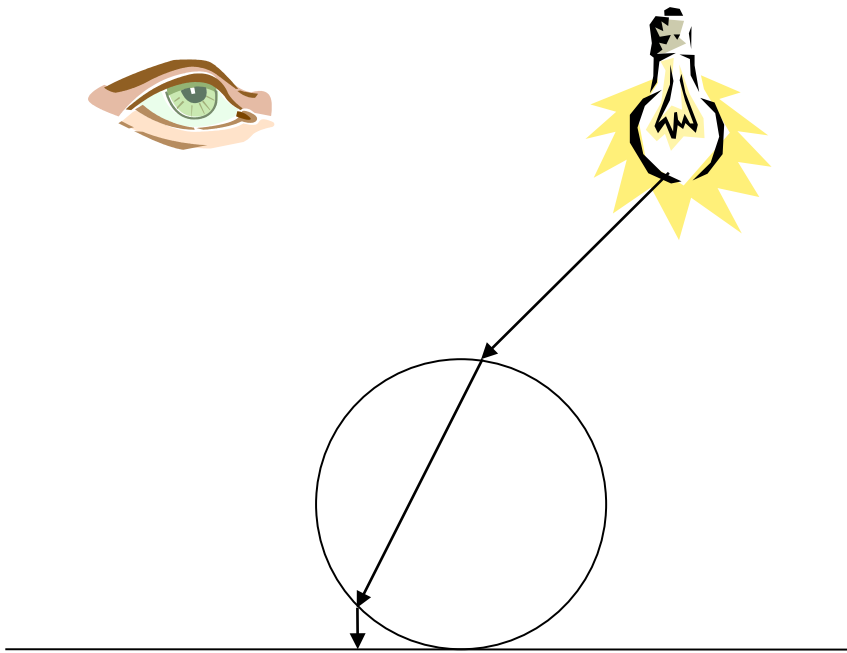
¿Para qué?

- En escenas complicadas es prácticamente imposible:
 - Path tracing requiere "mucho suerte" para la cáustica.
 - Path tracing bidireccional y Metropolis requieren "mucho suerte" para la reflexión de la cáustica



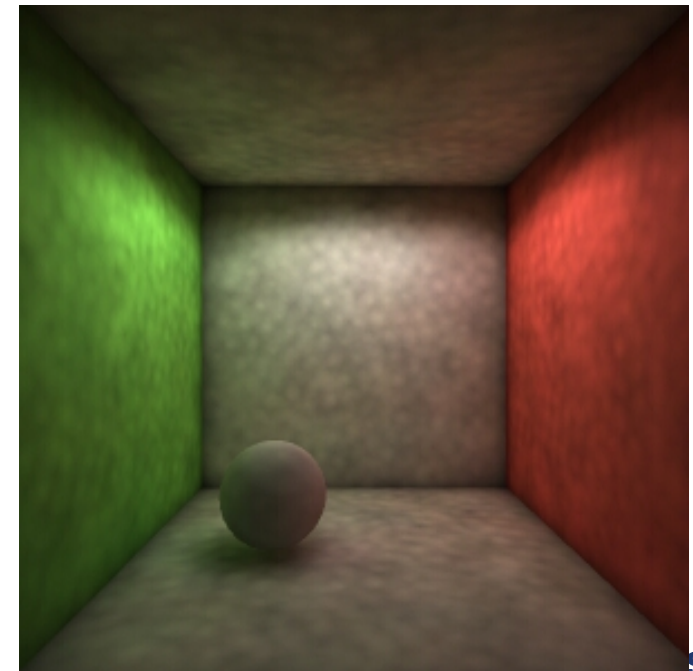
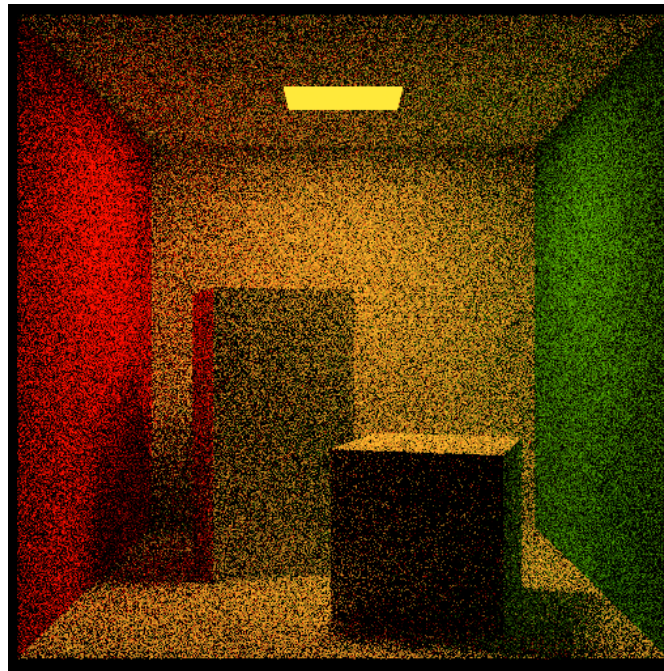
¿Para qué?

- Idea: desacoplar los dos "caminos"



¿Para qué?

- Otras ventajas:
 - Tiempo de cálculo menor
 - Ruido de baja frecuencia
- Desventajas
 - Sesgo



Índice

- Algoritmo
- Estructura de datos
- Mejoras
- Resultados

Índice

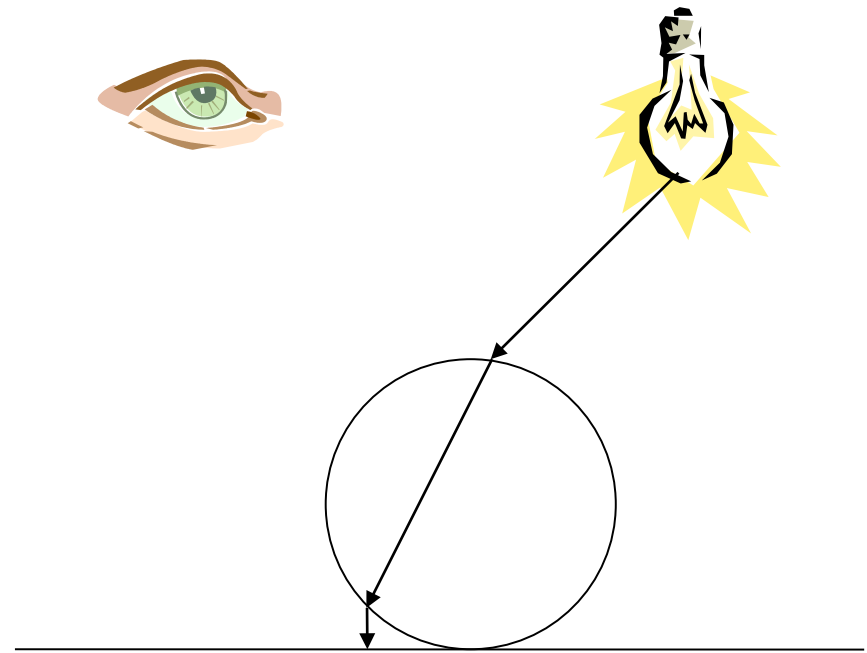
- **Algoritmo**
- Estructura de datos
- Mejoras
- Resultados

Algoritmo

1. Se lanzan fotones desde las fuentes de luz
 - ✦ Se almacenan en una estructura de datos.
2. Se trazan rayos desde la cámara
 - ✦ Se estima la radiancia a partir de los fotones almacenados.

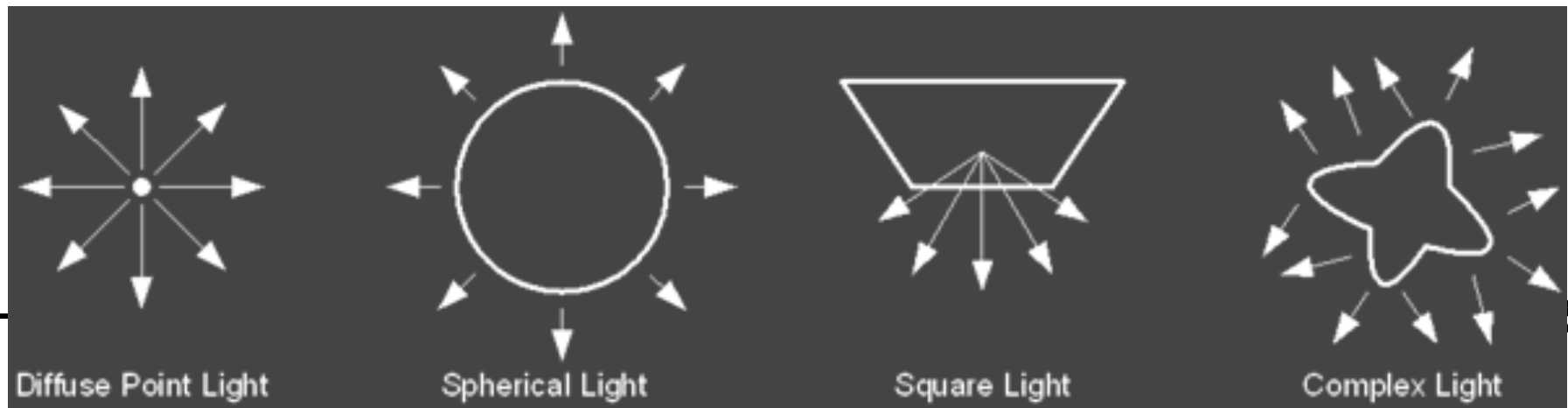
Algoritmo

- Fase 1: Trazado de fotones
 - Emisión
 - Interacción
 - Almacén



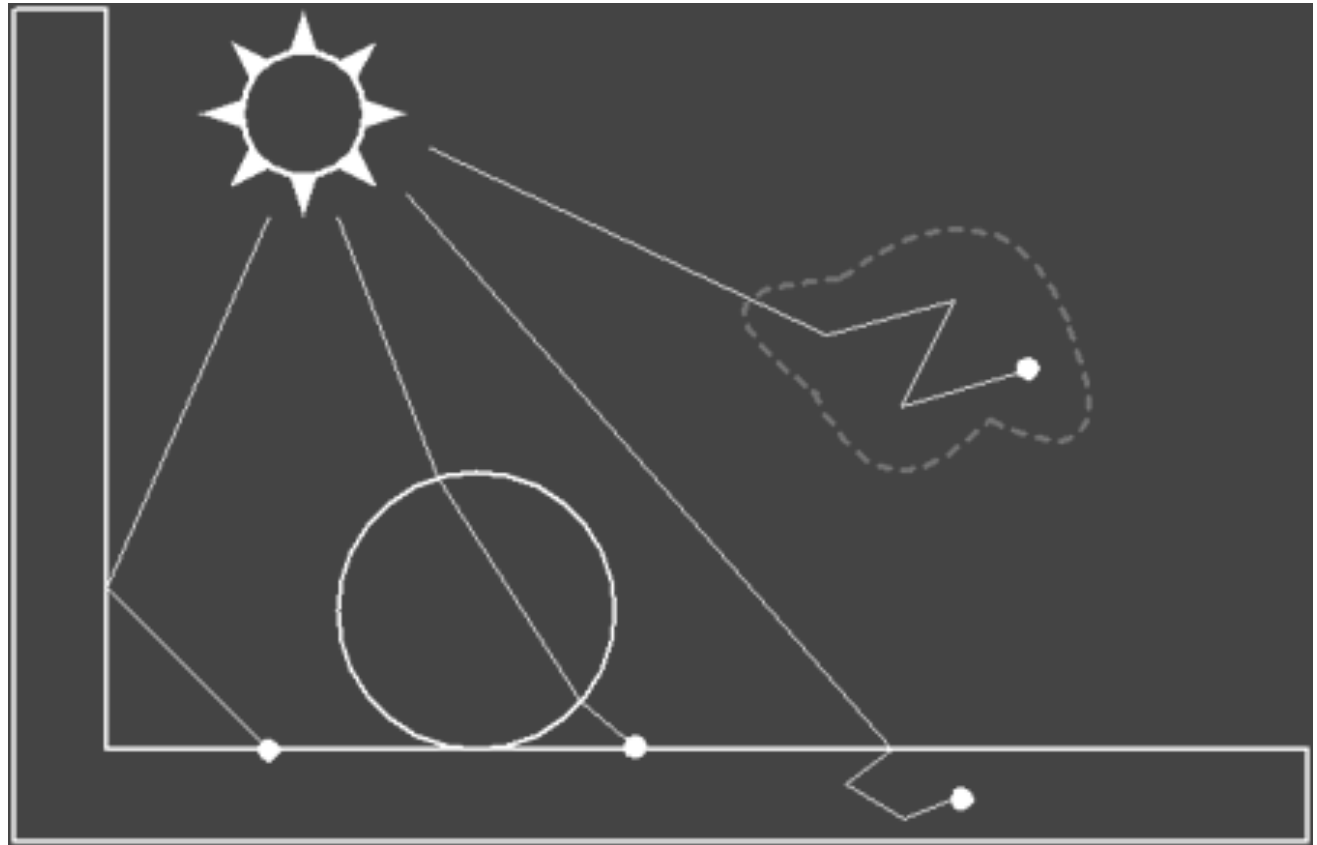
Algoritmo

- Fase 1: Trazado de fotones
 - **Emisión**
 - Interacción
 - Almacén



Algoritmo

- Fase 1: Trazado de fotones
 - Emisión
 - **Interacción**
 - Almacén

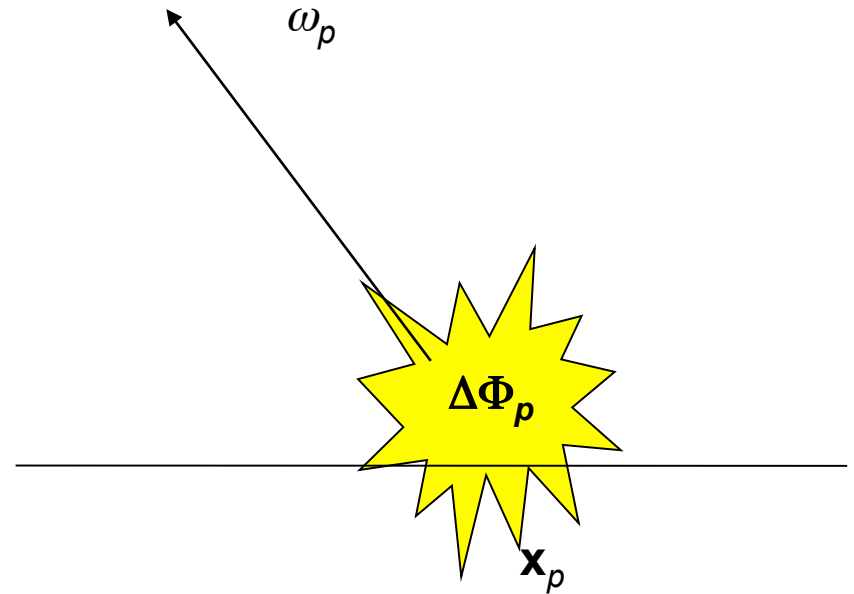


Algoritmo

- Fase 1: Trazado de fotones
 - Emisión
 - Interacción
 - **Almacén**
 - Que permita búsquedas de vecinos más cercanos

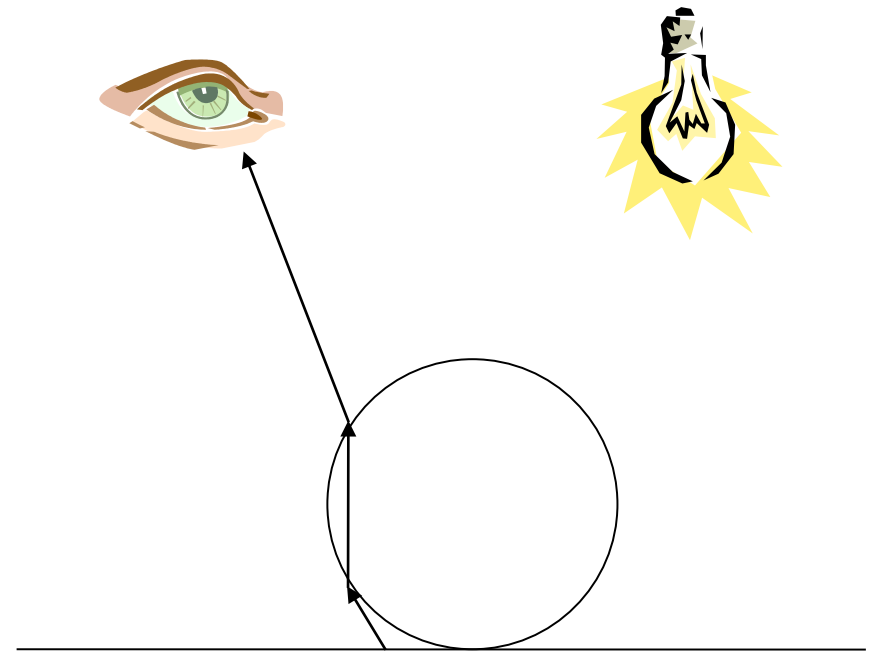
Algoritmo

- ✧ Un fotón
 - Flujo: $\Delta\Phi_p$ (W - color)
 - Posición: $\mathbf{x}_p$
 - Dirección: ω_p



Algoritmo

- Fase 2: Trazado de rayos
 - Trazado desde la cámara
 - Interacción
 - Estimación de radiancia

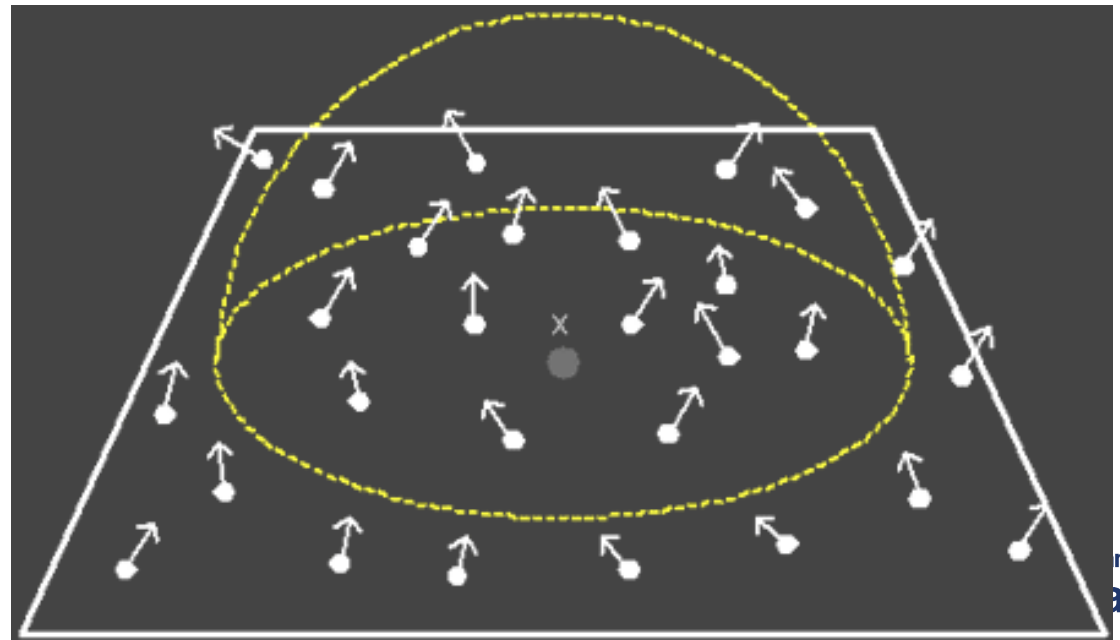


Algoritmo

- Fase 2: Trazado de rayos
 - Trazado desde la cámara
 - Interacción
 - Estimación de radiancia
- ¡¡Igual que trazado de rayos estándar!!

Algoritmo

- Fase 2: Trazado de rayos
 - Trazado desde la cámara
 - Interacción
 - **Estimación de radiancia**
 - N fotones más cercanos



Estimación de radiancia

- Ecuación de radiancia reflejada

$$L_r(\mathbf{x}, \omega_r) = \int f_r(\omega_i, \omega_r) L_i(\mathbf{x}, \omega_i) (N \cdot \omega_i) d\omega_i$$

- Radiancia por flujo

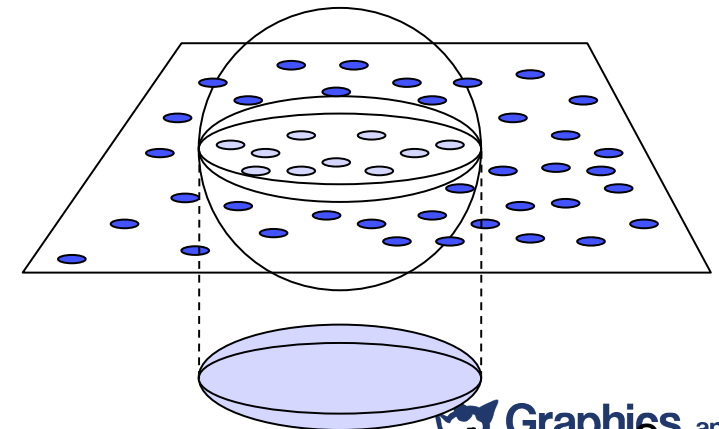
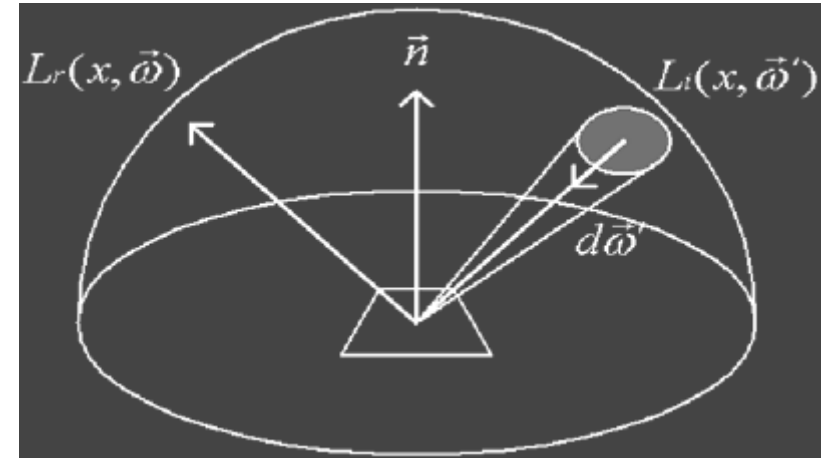
$$L_i(\mathbf{x}, \omega_i) = \frac{d^2\Phi_i(\mathbf{x}, \omega_i)}{(N \cdot \omega_i) d\omega_i dA_i}$$

- Sustituimos

$$L_r(\mathbf{x}, \omega_r) = \int_{\Omega} f_r(\omega_i, \omega_r) \frac{d^2\Phi_i(\mathbf{x}, \omega_i)}{dA_i}$$

- Numéricamente

$$L_r(\mathbf{x}, \omega_r) \approx \frac{1}{\Delta A} \sum_{p=1}^n f_r(\omega_p, \omega_r) \Delta\Phi_p(\mathbf{x}, \omega_p)$$

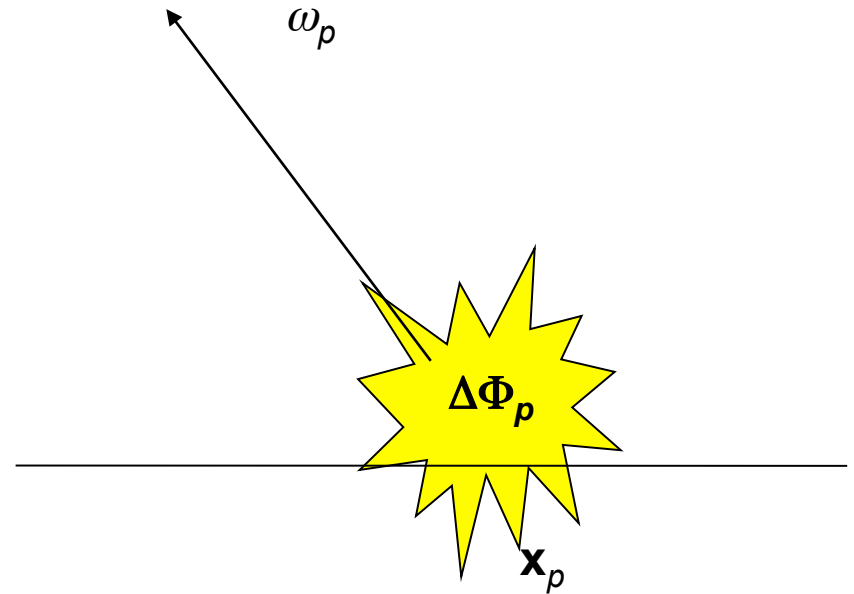


Índice

- Algoritmo
- **Estructura de datos**
- Mejoras
- Resultados

Estructura de datos

- ✧ Un fotón
 - Flujo: $\Delta\Phi_p$ (W - color)
 - Posición: $\mathbf{x}_p$
 - Dirección: ω_p



Estructura de datos

- Características:
 - Capaz de almacenar muchos datos
 - Capaz de búsquedas eficientes de los vecinos más cercanos (en 3D)

¿CUÁL ELEGIMOS?

Estructura de datos

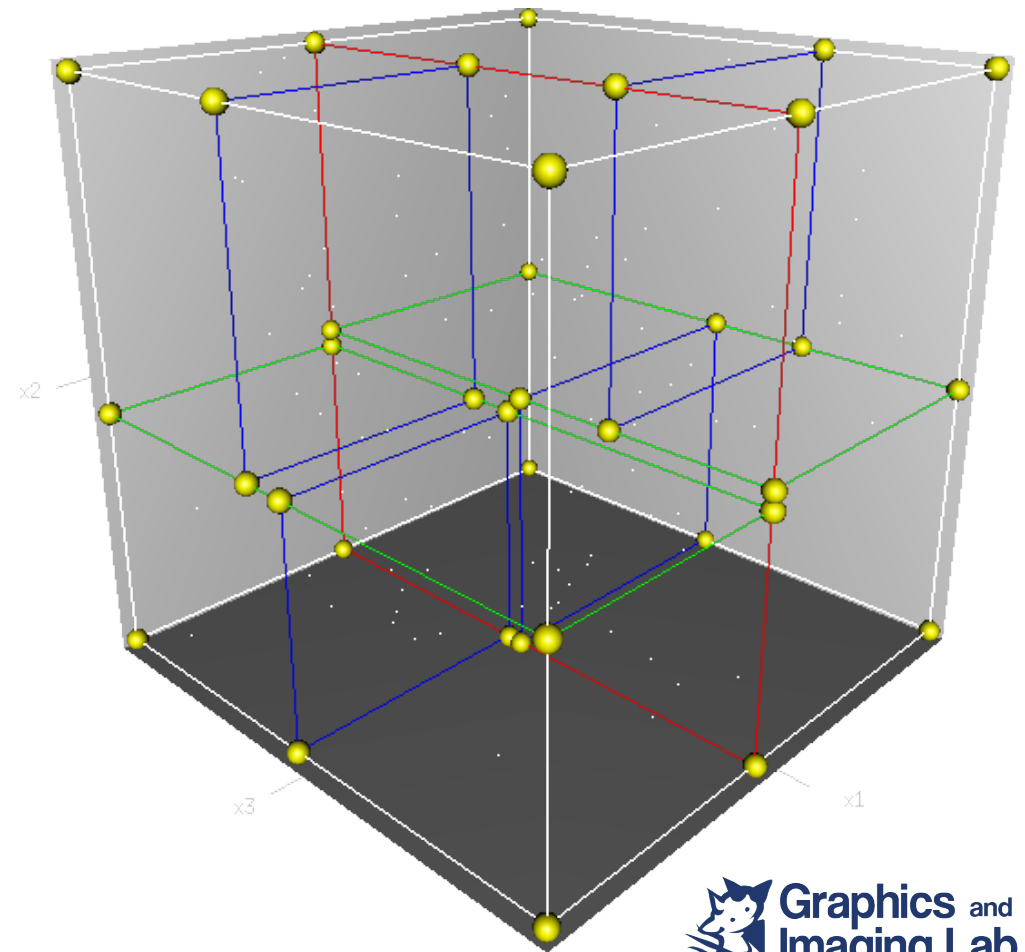
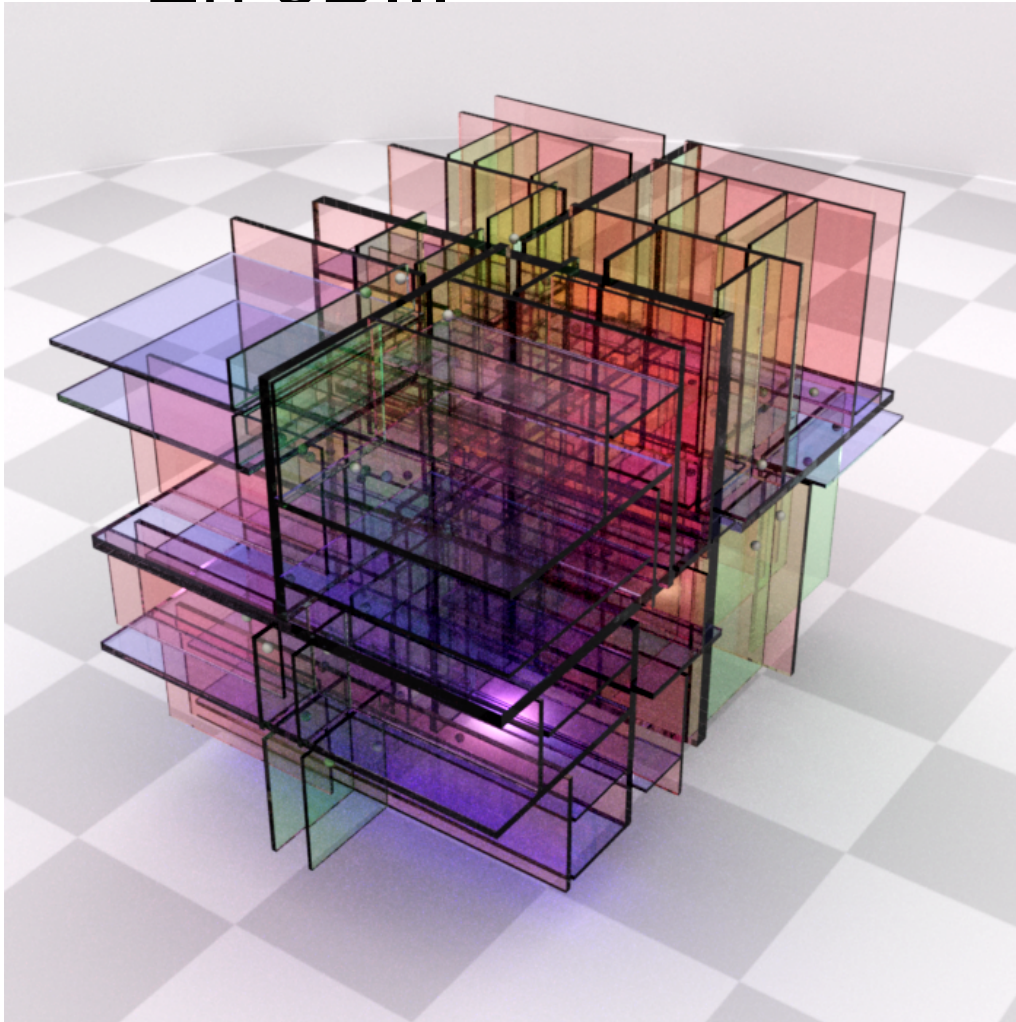
- Posibilidades
 - Diagrama de Voronoi
 - Voxels
 - Octree
 - Kd-tree

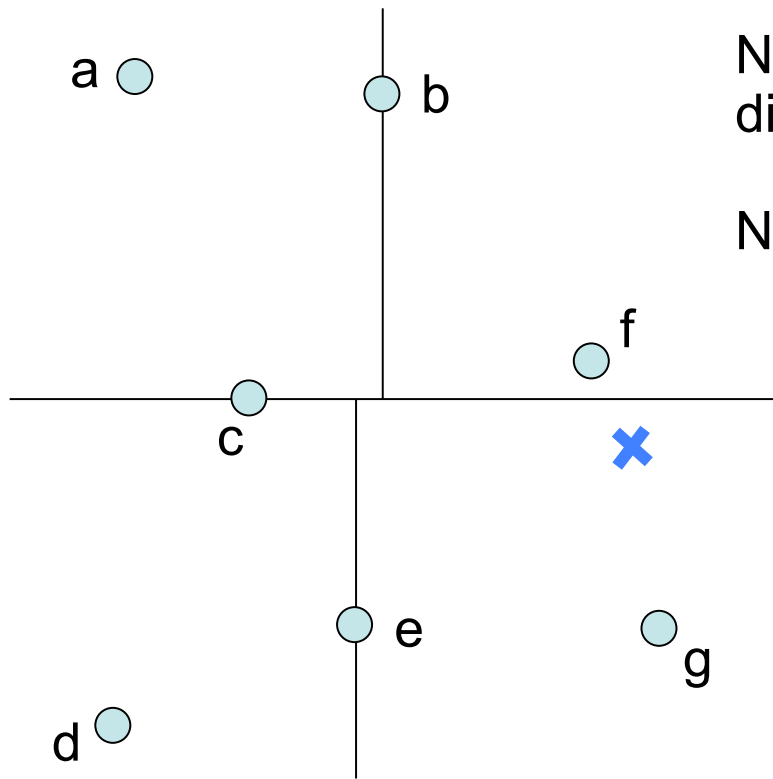
Kd-tree

- <http://donar.umiacs.umd.edu/quadtree/points/kdtree.html>
- <http://homes.ieu.edu.tr/~hakcan/projects/kdtree/kdTree.html>

Kd-tree

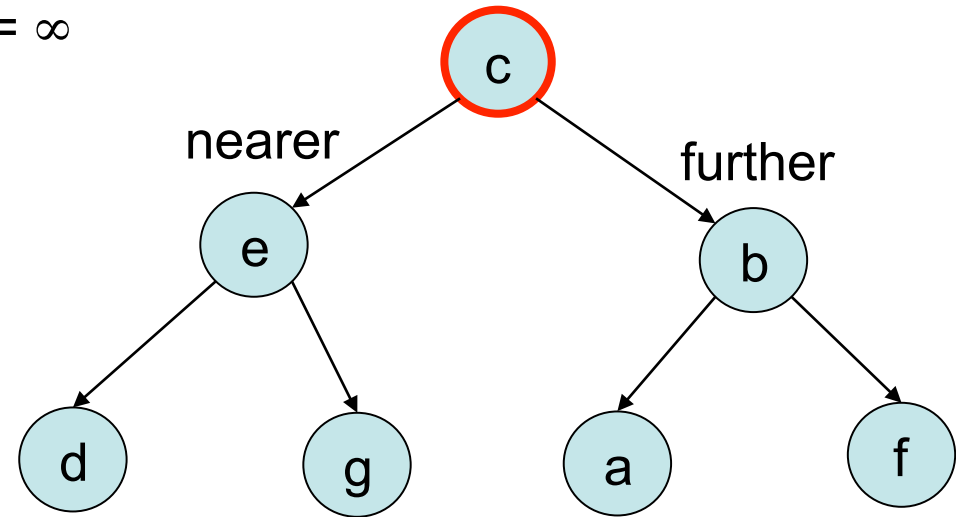
- En 3D...





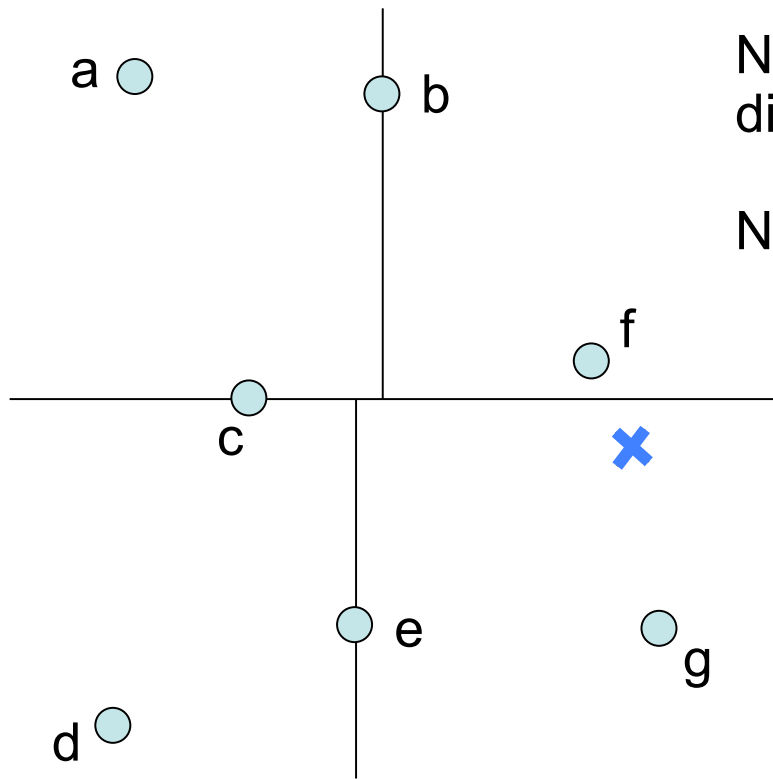
Nearest = ?
 $\text{dist-sqd} = \infty$

$\text{NN}(c, x)$



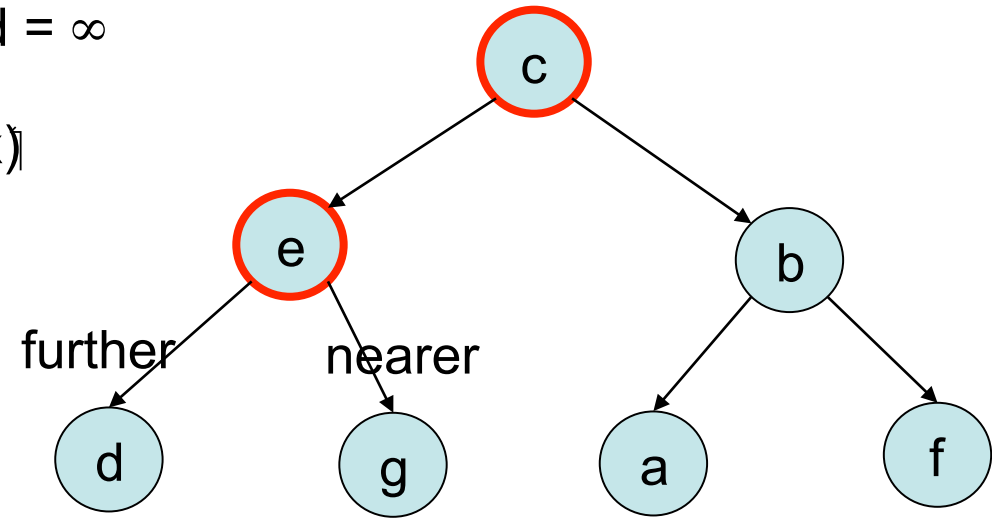
Nearer = e
 Further = b

$\text{NN}(e, x)$



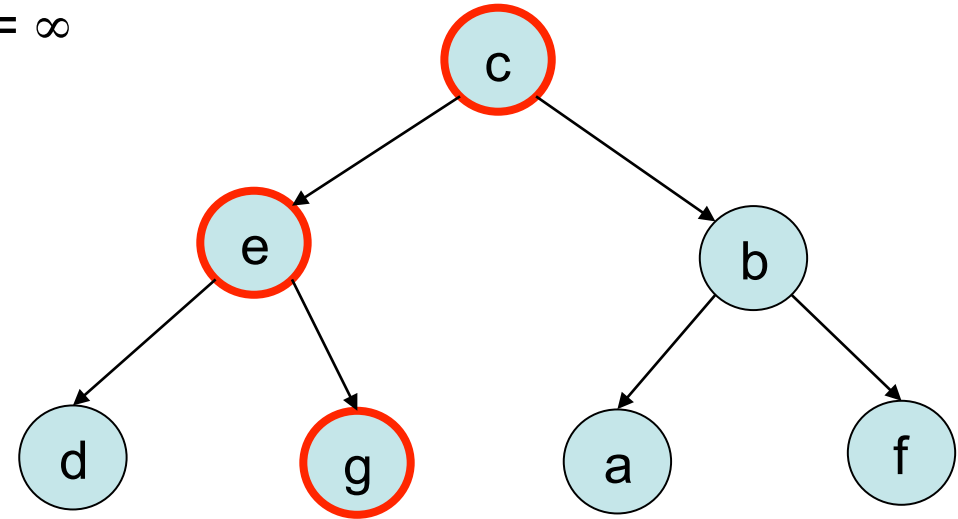
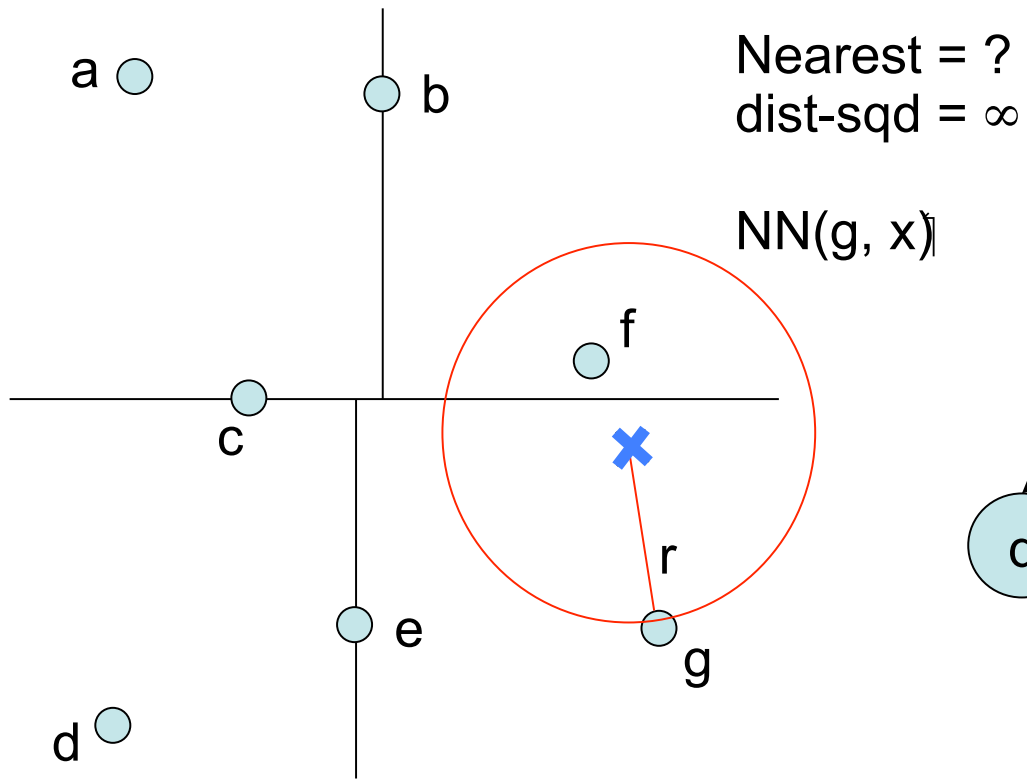
Nearest = ?
 $\text{dist-sqd} = \infty$

$\text{NN}(e, x)$

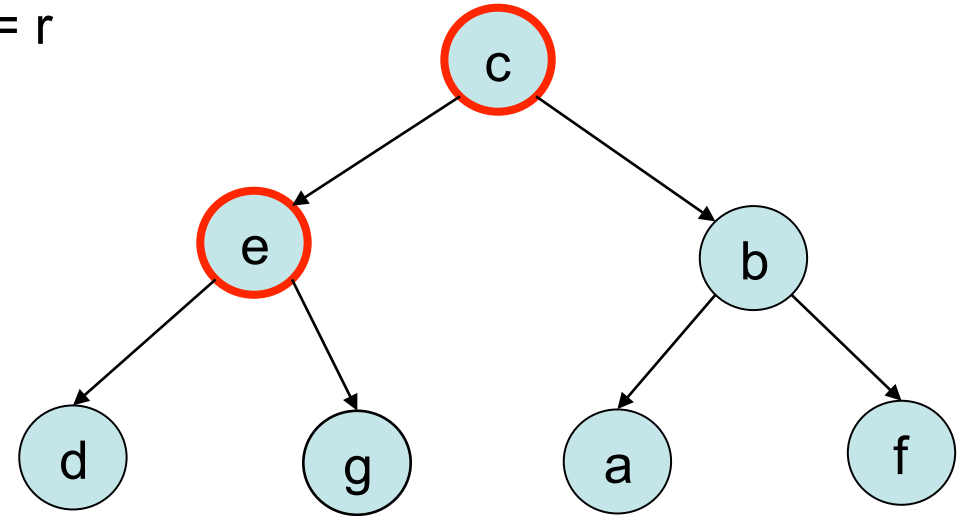
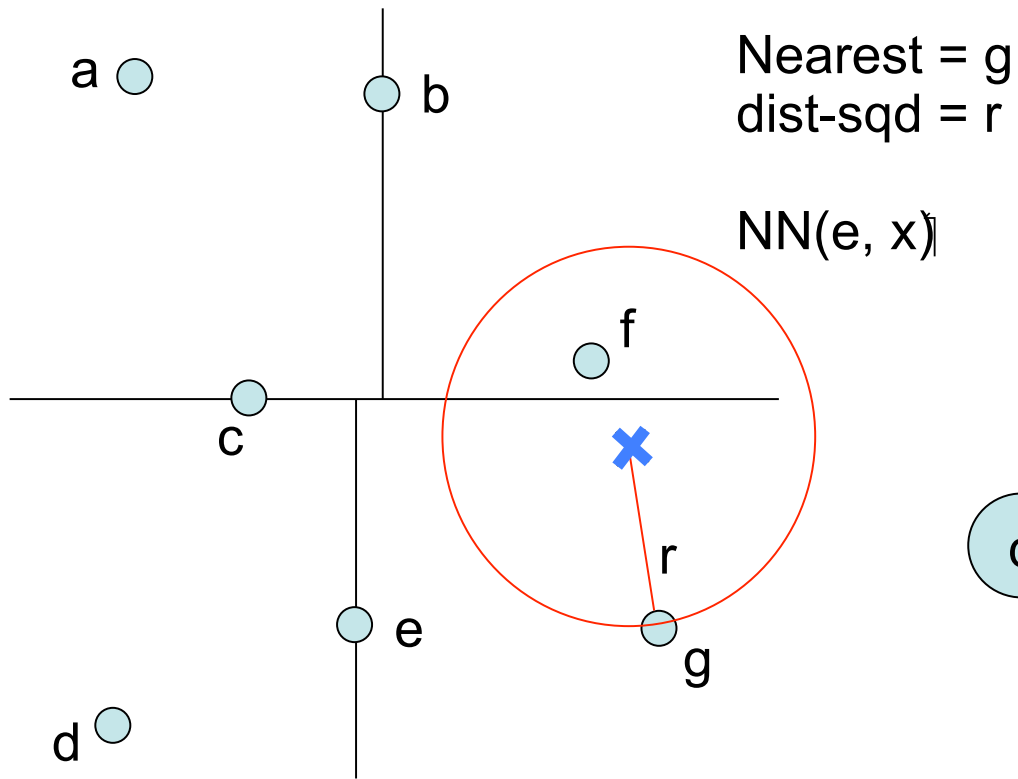


Nearer = g
 Further = d

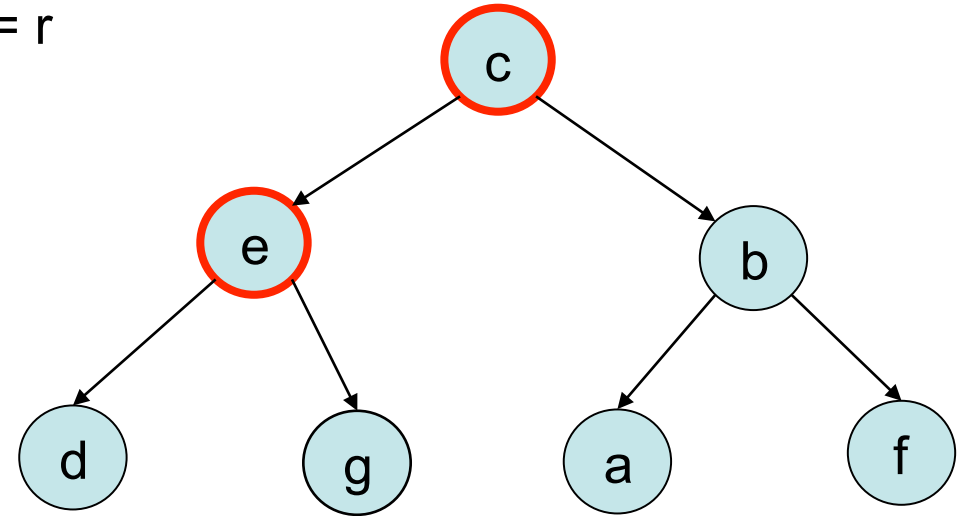
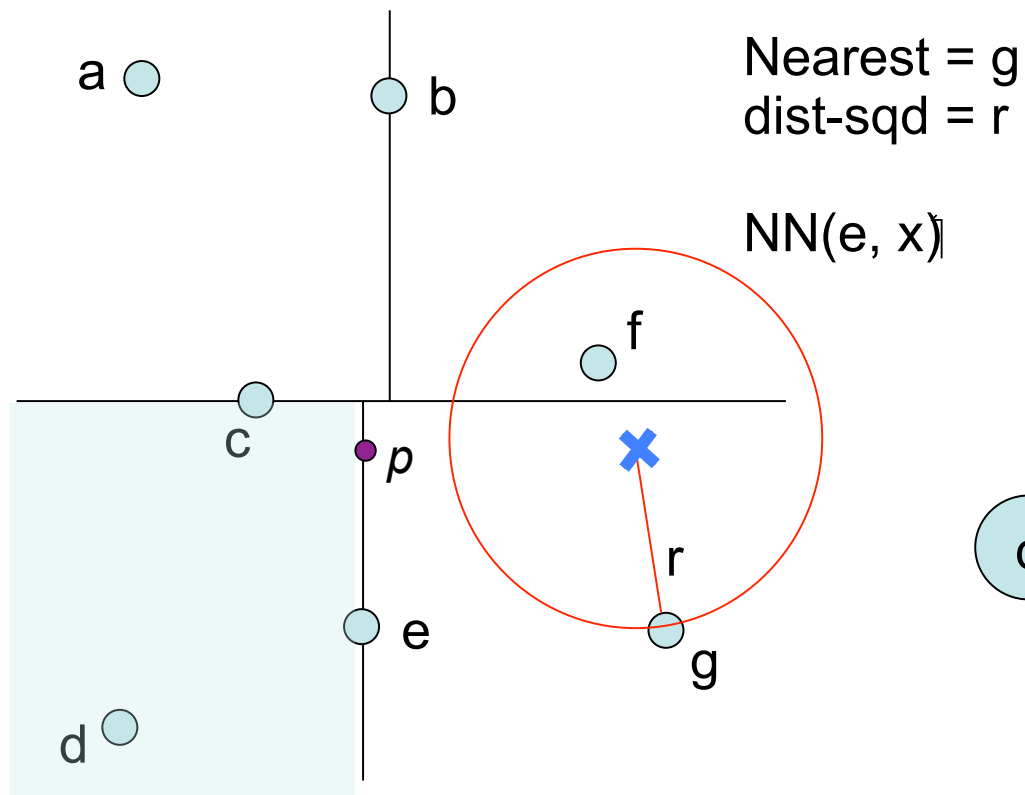
$\text{NN}(g, x)$



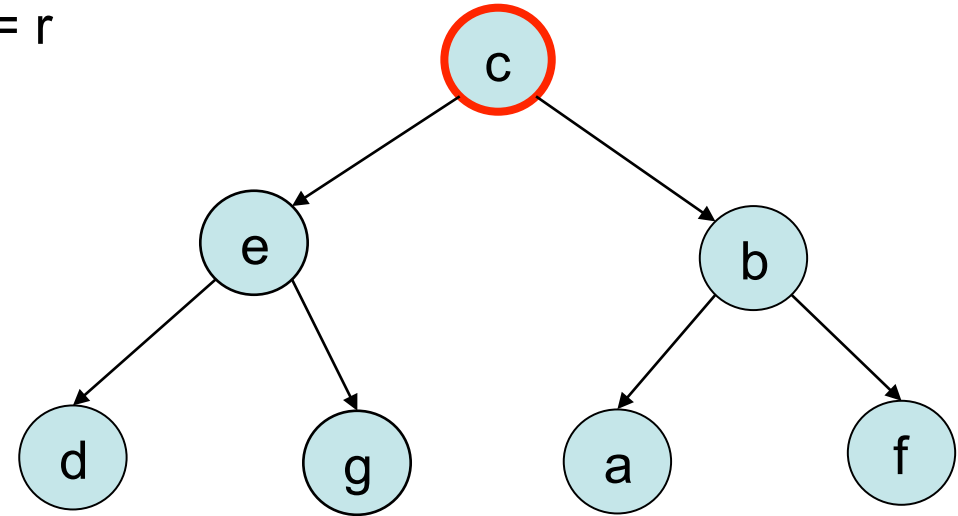
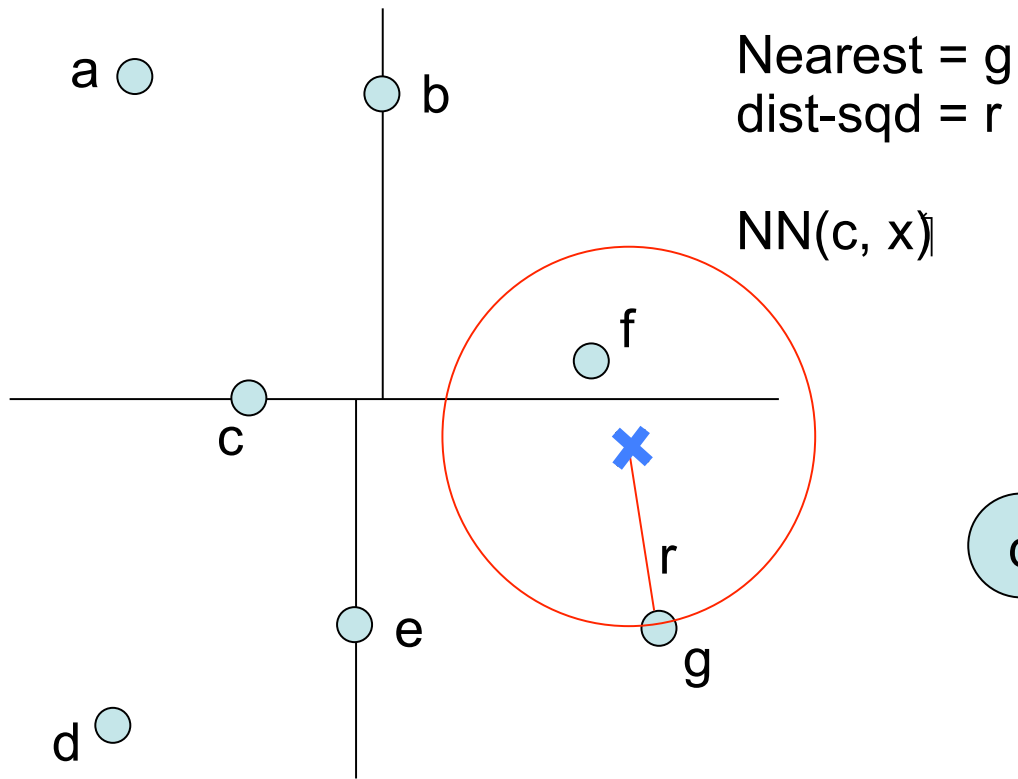
Nearest = g
dist-sqd = r



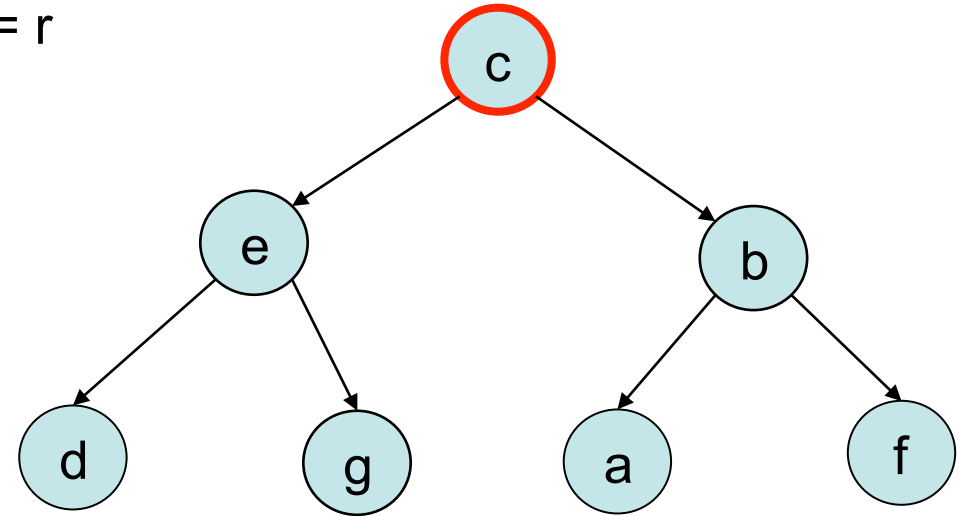
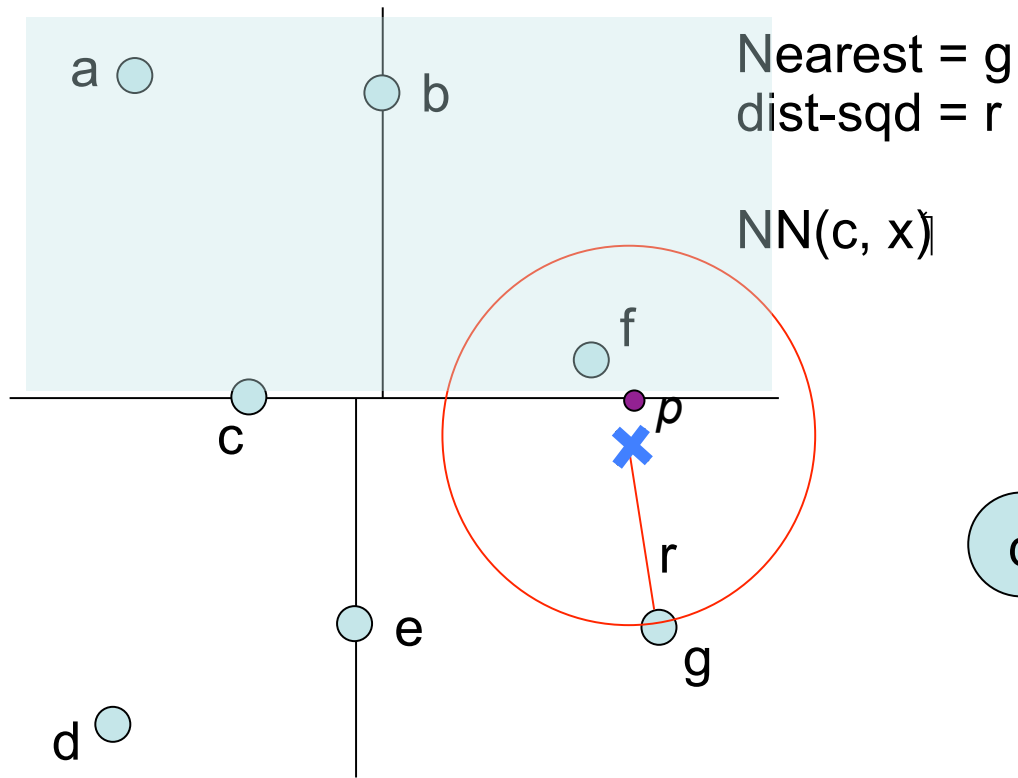
Check $d_2(e, x) > r$
 No need to update



Check further of e: find p
 $d(p, x) > r$
 No need to update

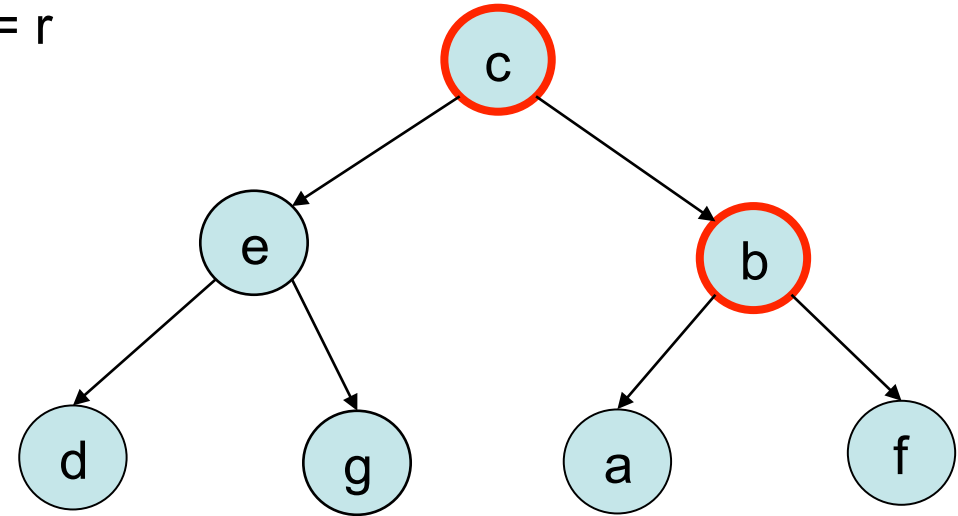
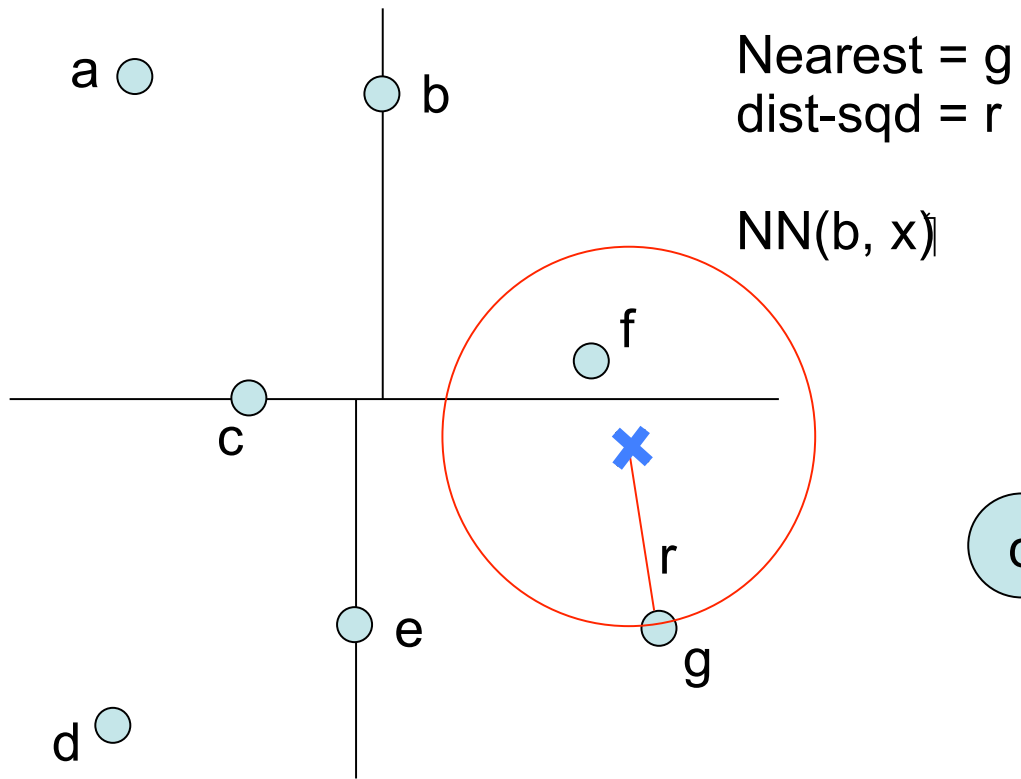


Check $d2(c, x) > r$
No need to update



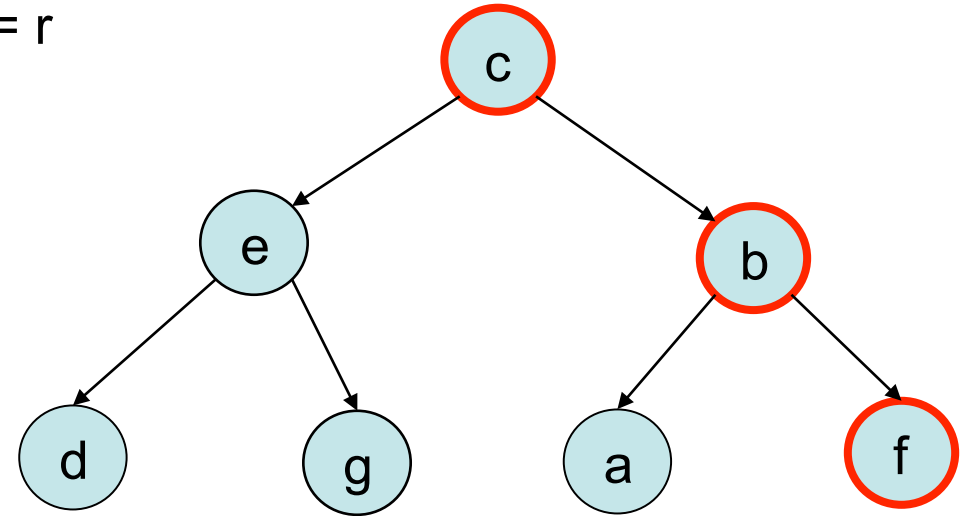
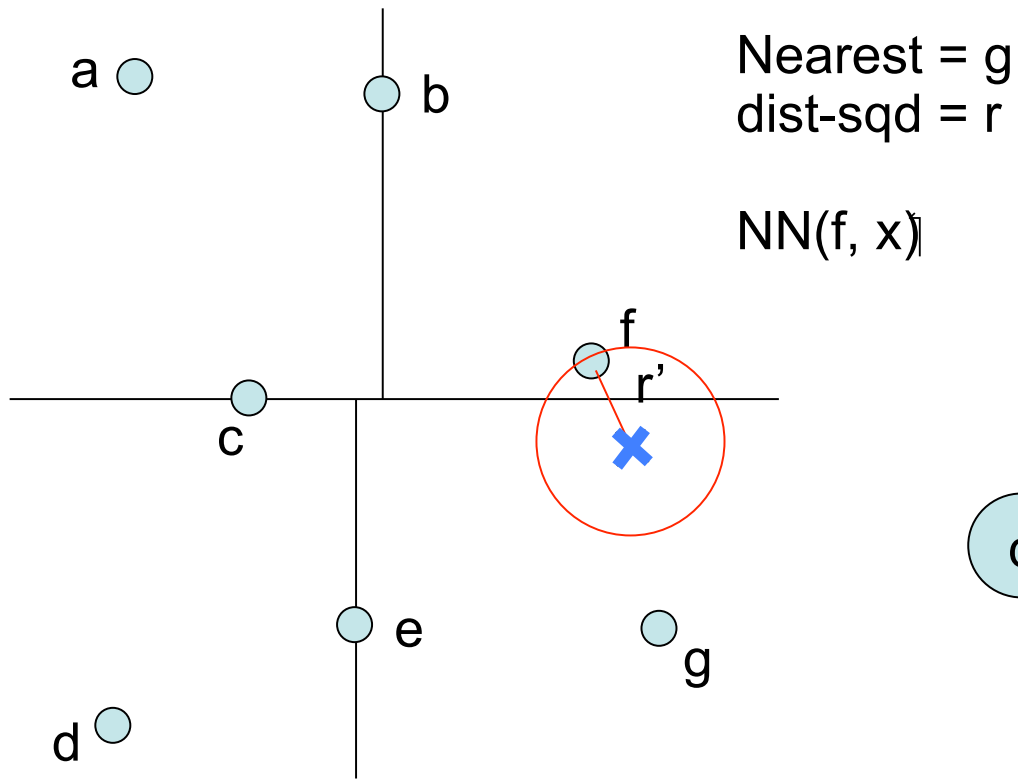
Check further of c: find p
 $d(p, x) < r$!!

$\text{NN}(b, x)$



Nearer = f
Further = g

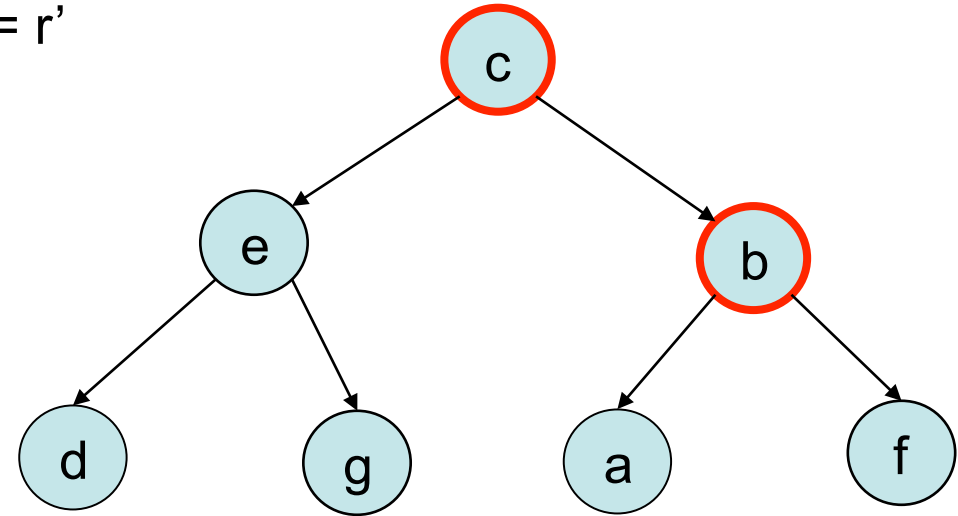
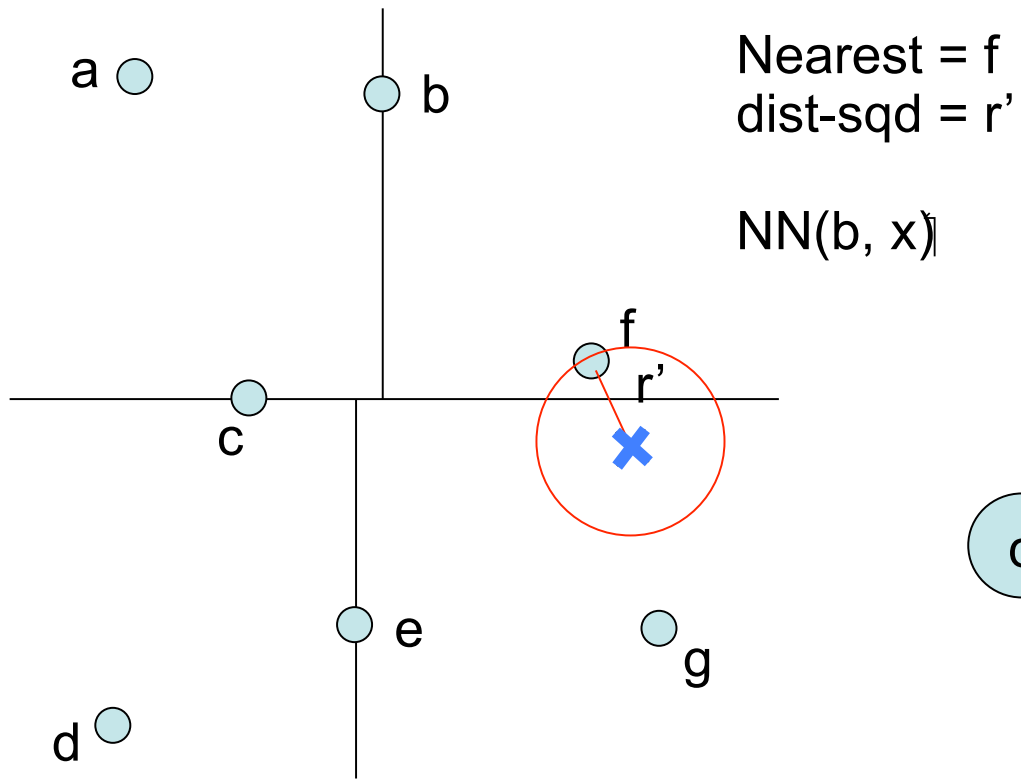
NN (f,x)



$$r' = d^2(f, x) < r$$

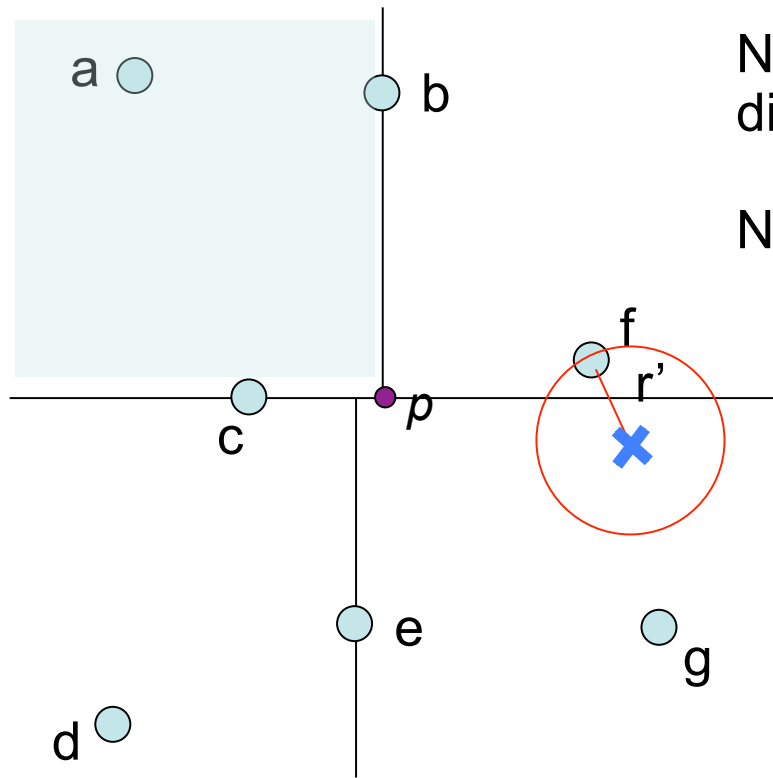
$$\text{dist-sqd} \leftarrow r'$$

$$\text{nearest} \leftarrow f$$



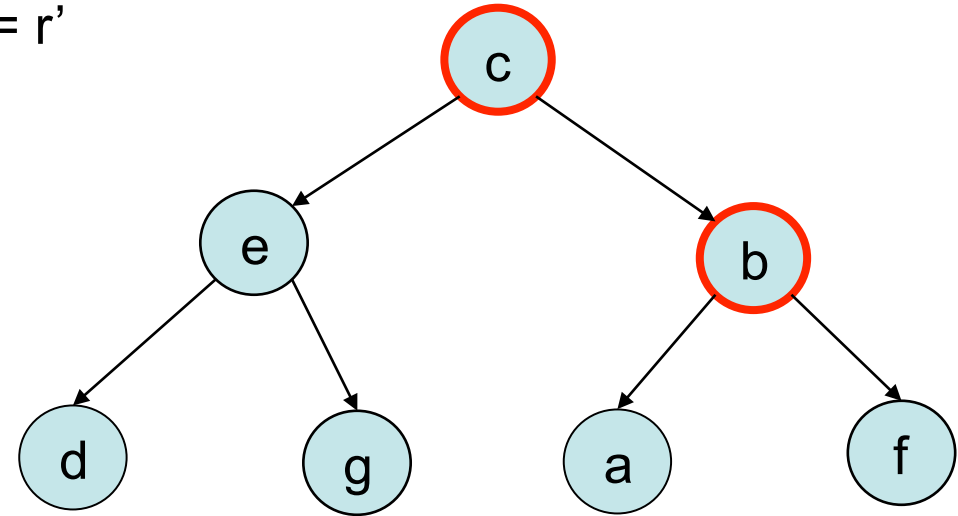
Check $d(b, x) < r'$

No need to update



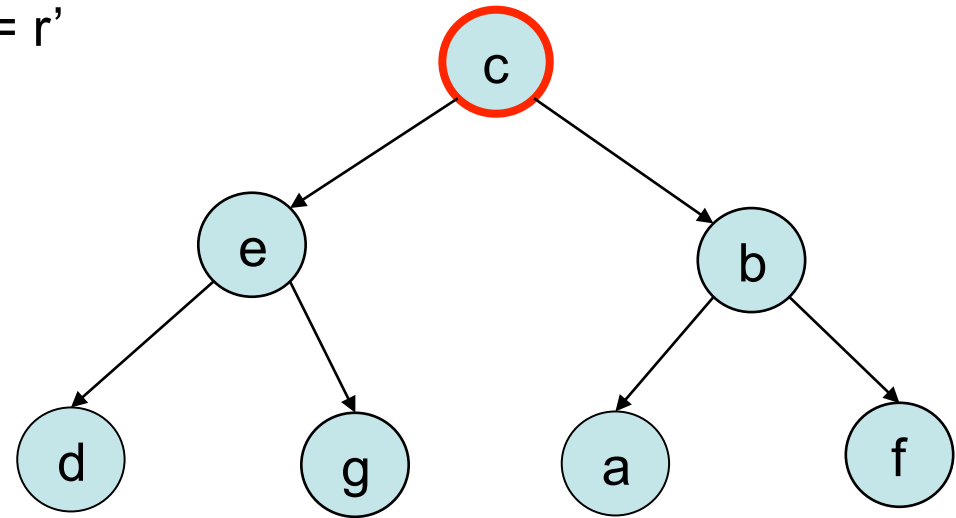
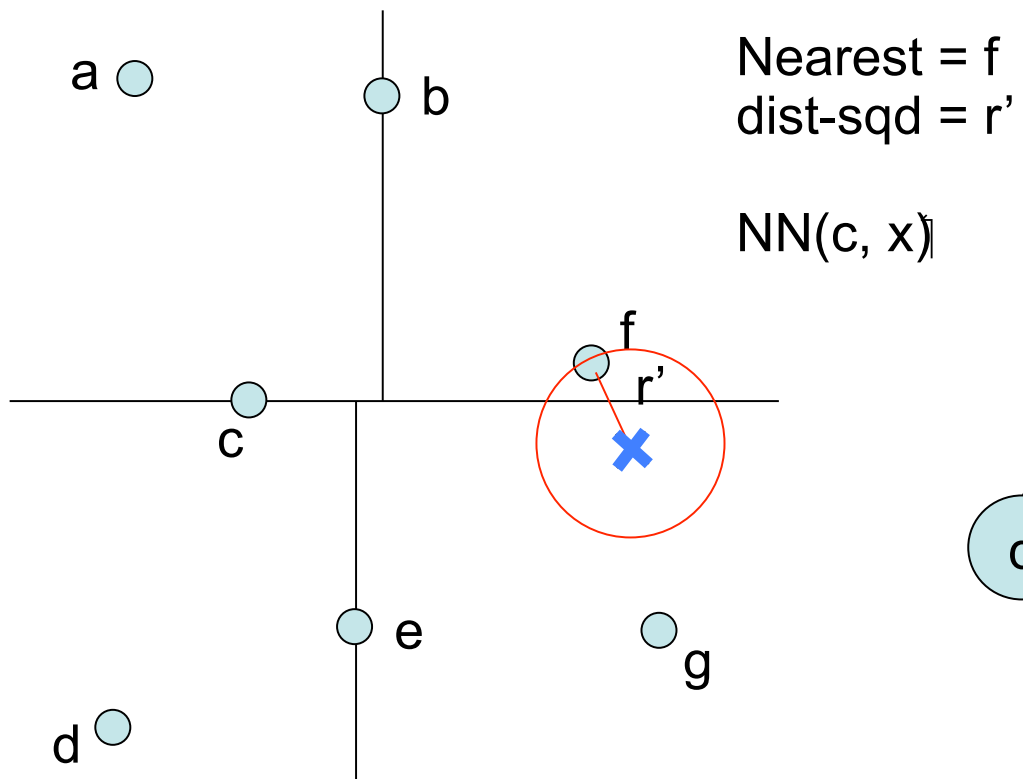
Nearest = f
 $\text{dist-sqd} = r'$

$\text{NN}(b, x)$



Check further of b ; find p
 $d(p, x) > r'$

No need to update



Índice

- Algoritmo
- Estructura de datos
- **Mejoras**
- Resultados

Mejoras

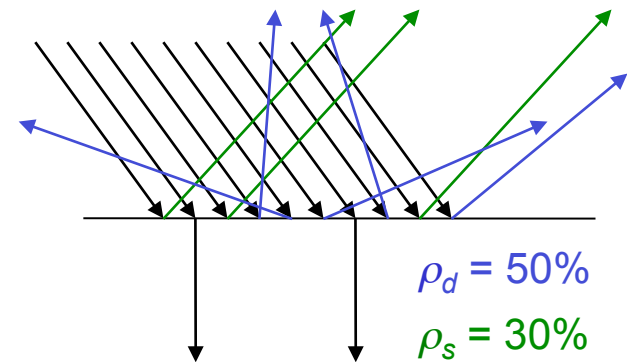
- A más fotones almacenados, más tiempo de cálculo.
 - Eliminar fotones que "no se van a ver" (reflexión especular perfecta, cortar rebotes cuando la energía es cero).
 - Intentar que todos los fotones tengan aproximadamente la misma energía.

Mejoras

- El algoritmo funciona mejor cuando todos los fotones almacenados tienen la misma energía:
 - Muestreo por importancia (luces / BRDFs)
 - Ruleta Rusa

Mejoras

- El algoritmo funciona mejor cuando todos los fotones almacenados tienen la misma energía:
 - Muestreo por importancia (luces / BRDFs)
 - **Ruleta Rusa**
 - ζ aleatorio $[0..1]$
 - $\zeta < \rho_d \rightarrow$ difuso
 - $\zeta < \rho_d + \rho_s \rightarrow$ especular



Mejoras

- El camino "directo" se calcula perfectamente con trazado de rayos de sombra estándar.
 - Primer rebote de fotones no se guarda.
 - Camino directo mediante trazado de rayos.
- Algunos trabajos hacen incluso un rebote indirecto mediante rayos.

Mejoras

- Diferentes fenómenos se ven mejor con diferentes parámetros del mapa
 - Utilizar más de un mapa de fotones
 - Ejemplo: uno para luz indirecta y otro para cáusticas.
 - Ejemplo retorcido: un mapa de fotones por cada objeto.

Mejoras

- El cuello de botella del algoritmo es la búsqueda de elementos más cercanos.
- Puedes ahorrar un rebote haciendo que cada fotón sea se comporte como una luz puntual:
Instant Radiosity
- ¿Cómo hacerlo eficiente? → Lightcuts

Índice

- Algoritmo
- Estructura de datos
- Mejoras
- **Resultados**